



LA MECCANICA CLASSICA

LA MECCANICA CLASSICA

```
graph TD; A[LA MECCANICA CLASSICA] --> B[Cinematica]; A --> C[Dinamica]; A --> D[Statica];
```

Cinematica

Studia il
movimento dei
corpi
(cioè *come* essi si
muovono)

Dinamica

Studia le cause del
movimento dei corpi
(cioè *perchè* essi si
muovono)

Statica

Si occupa delle
condizioni di
equilibrio dei corpi

LA MECCANICA CLASSICA

```
graph TD; A[LA MECCANICA CLASSICA] --> B[Cinematica]; A --> C[Dinamica]; C --> D[Statica];
```

Cinematica

Studia il
movimento dei
corpi
(cioè *come* essi si
muovono)

Dinamica

Studia le cause del
movimento dei corpi
(cioè *perchè* essi si
muovono)

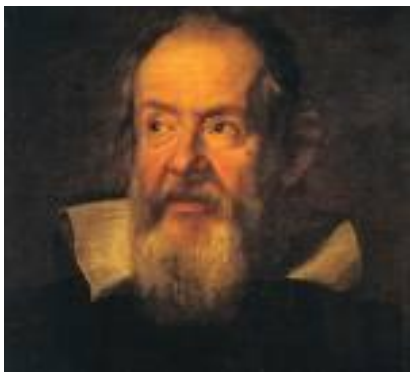
Statica

Si occupa delle
condizioni di
equilibrio dei corpi
(è un caso particolare della
Dinamica)



LA CINEMATICA

Dalla Filosofia Naturale alla Scienza



Galileo Galilei (1564-1642)



Alla fine del 1500, quando **Galileo** per primo cominciava ad eseguire esperimenti sistematici utilizzando il linguaggio matematico per formulare le leggi che scopriva, quella che oggi chiamiamo Scienza si chiamava “**Filosofia Naturale**” e lo stesso Galileo quando parlava di matematica si riferiva in realtà, più che altro, alla **geometria**:

« La filosofia è scritta in questo grandissimo libro che continuamente ci sta aperto innanzi a gli occhi (io dico l'universo), ma non si può intendere se prima non s'impara a intender la lingua, e conoscer i caratteri, ne' quali è scritto. Egli è scritto in lingua matematica, e i caratteri son triangoli, cerchi, ed altre figure geometriche, senza i quali mezzi è impossibile a intenderne umanamente parola; senza questi è un aggirarsi vanamente per un oscuro laberinto »

Galileo, Il Saggiatore, cap.6

Galileo aveva ereditato questa visione dai filosofi e matematici dell'antica **Grecia** (IV-III sec. a.C.). Si dice infatti che sopra l'entrata dell'Accademia Platonica di Atene fosse scritto: “*Nessuno varchi questa soglia se non conosce la geometria*”.

In realtà nel IX secolo d.C., in **Persia**, alcuni *filosofi islamici* (primo fra tutti Muhammad al-Khwārizmī) avevano introdotto una nuova disciplina per la risoluzione di problemi matematici, basata sul simbolismo operativo di studiosi indiani (V-VII sec.) e sulla logica deduttiva greca (Euclide e Aristotele): **l'algebra** (da *al-jabr*, completamento). A partire da essa erano poi state introdotte le **identità**, le **equazioni** e infine le **funzioni** del tipo $y = f(x)$



Algebra: Identità ed Equazioni...

IDENTITA' ed **EQUAZIONI** sono entrambe **UGUAGLIANZE**, ma qual è la differenza?

EQUAZIONE

$$x + y = 3x$$

Ad es. $x = 1$ e $y = 2$
ma **non** $x = 2$ e $y = 1$

IDENTITA'

$$2(x + y) = 2x + 2y$$

Ad es. $x = 1$ e $y = 2$
ma **anche** $x = 2$ e $y = 1$, etc...

Un'**uguaglianza** fra **due**
espressioni di cui **almeno una**
letterale, verificata

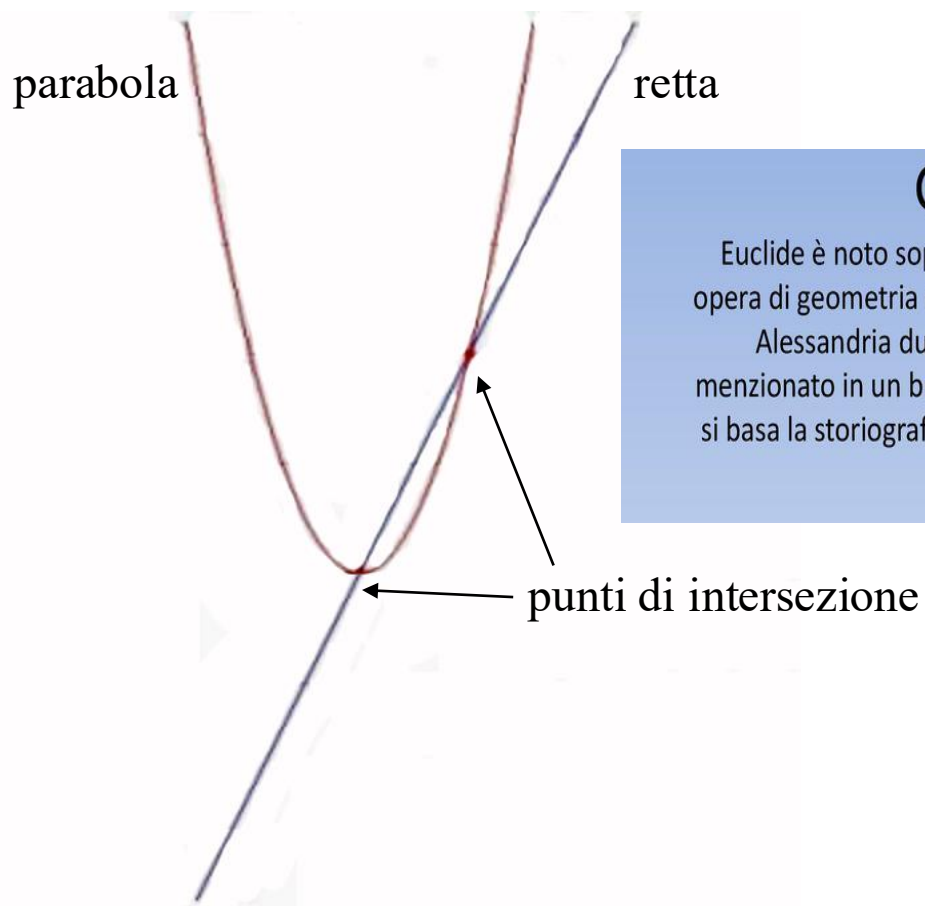
... per **qualsiasi**
valore attribuito alla
lettera o alle lettere
che vi figurano, si
chiama **identità**.

.... **solo** **per**
particolari **valori**
attribuiti alla lettera o
alle lettere che vi
figurano, si chiama
equazione.

detti «soluzioni
dell'equazione»



Geometria: Figure Geometriche nel Piano e loro Intersezioni



Geometria Euclidea

Euclide è noto soprattutto come autore degli *Elementi*, la più importante opera di geometria dell'antichità; tuttavia di lui si sa pochissimo. Fu attivo ad Alessandria durante il regno di Tolomeo I (323–283 a.C.). Euclide è menzionato in un brano di Pappo, ma la testimonianza più importante su cui si basa la storiografia che lo riguarda viene da Proclo, che lo colloca tra i più giovani discepoli di Platone

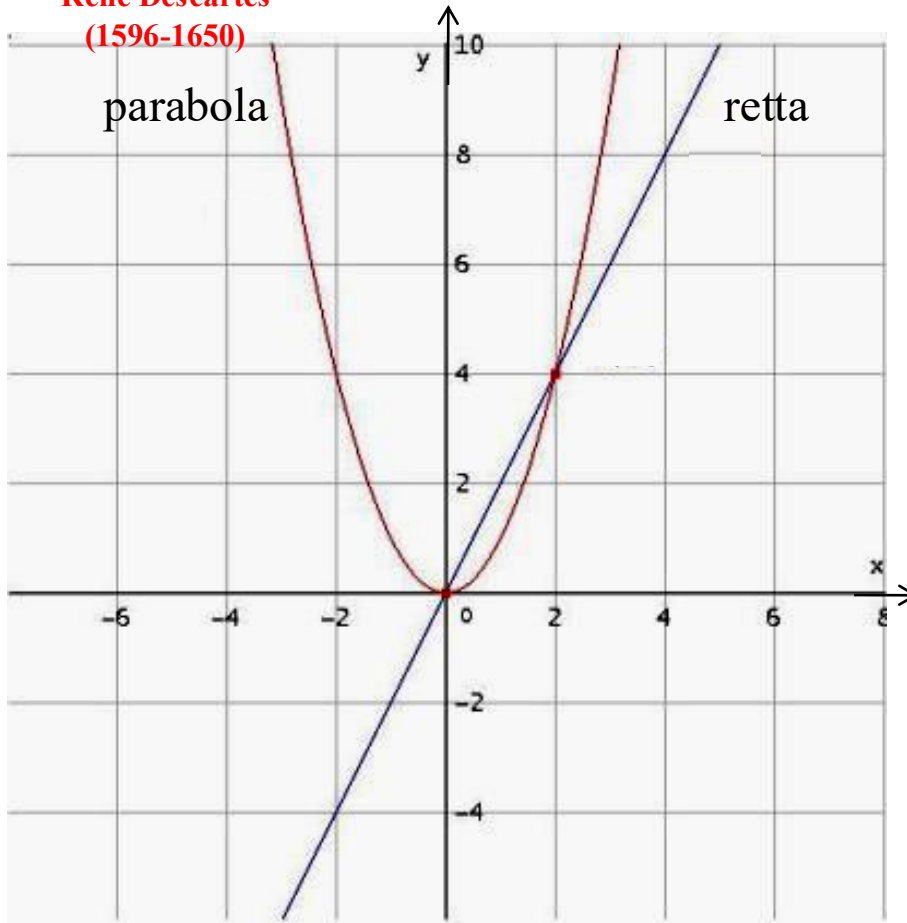


Euclide (IV secolo – III secolo a.C)

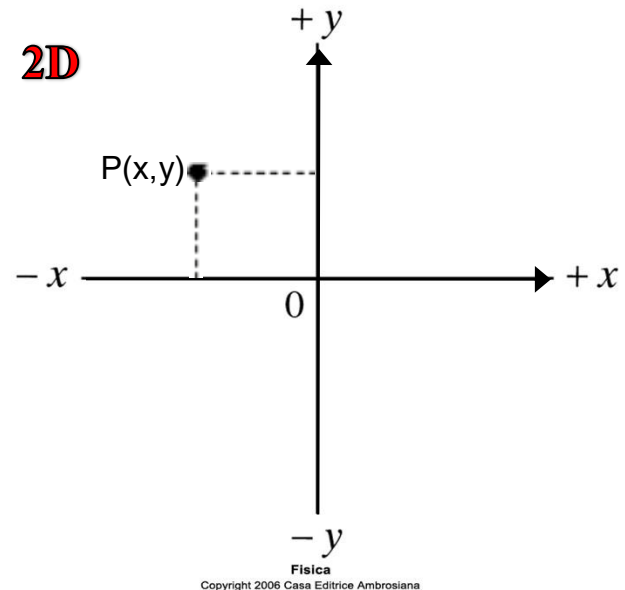


René Descartes
(1596-1650)

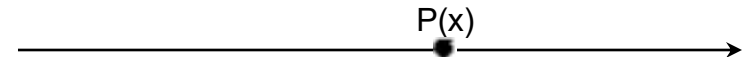
Ai tempi di Galileo quindi esistevano due diversi metodi per la risoluzione dei problemi matematici, la **geometria** e l'**algebra**. Fu **Cartesio**, di una generazione più giovane di Galileo, ad unificare queste due discipline introducendo nel 1637 le basi della "**geometria analitica**", che – attraverso i cosiddetti "**diagrammi cartesiani**" – permetteva di rappresentare visivamente le equazioni algebriche sotto forma di figure geometriche o **curve algebriche**:



Diagrammi cartesiani in una, due e tre dimensioni



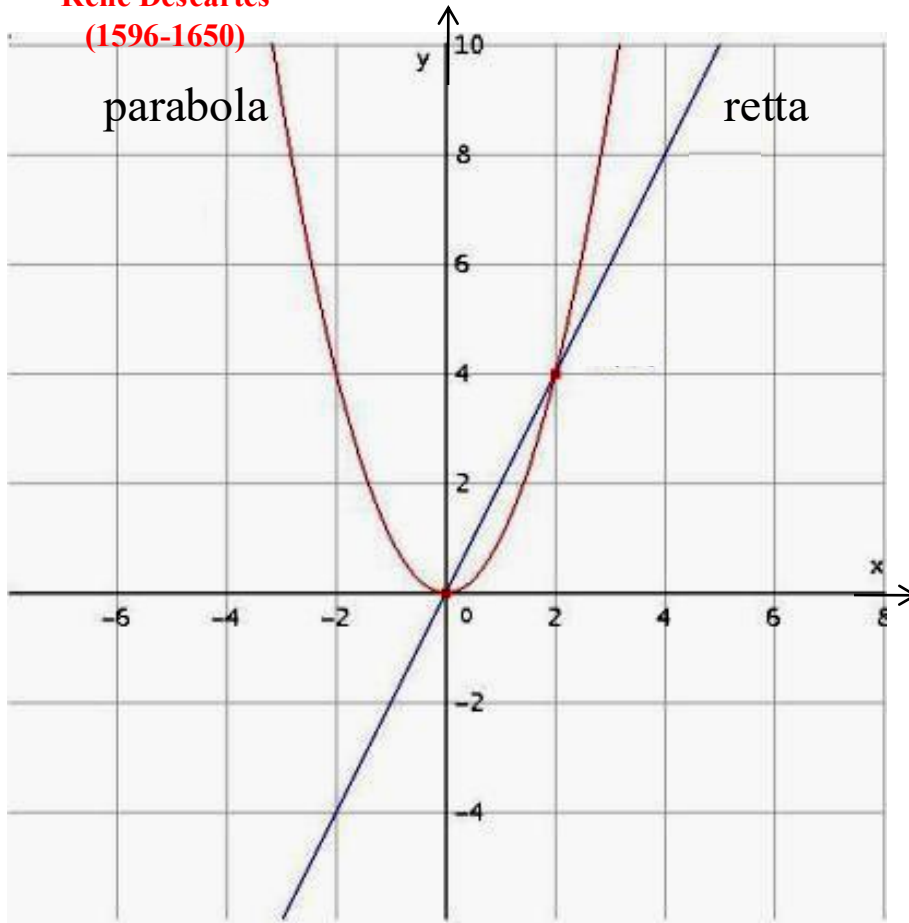
1D



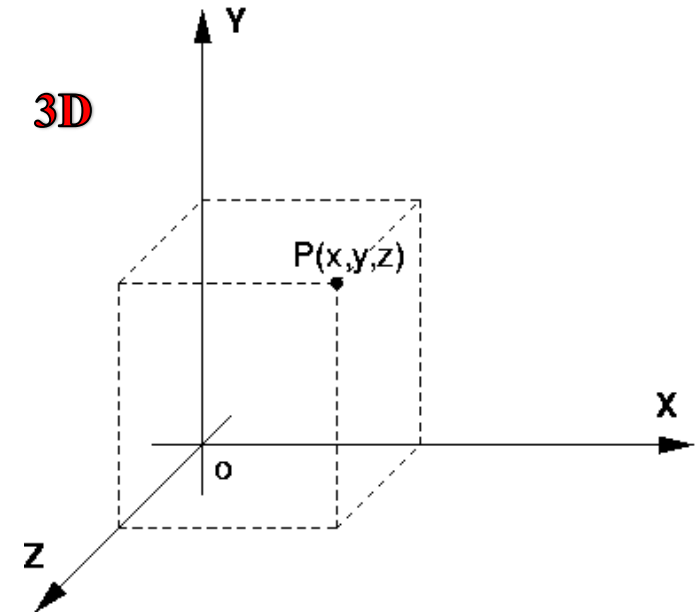


René Descartes
(1596-1650)

Ai tempi di Galileo quindi esistevano due diversi metodi per la risoluzione dei problemi matematici, la **geometria** e l'**algebra**. Fu **Cartesio**, di una generazione più giovane di Galileo, ad unificare queste due discipline introducendo nel 1637 le basi della "**geometria analitica**", che – attraverso i cosiddetti "**diagrammi cartesiani**" – permetteva di rappresentare visivamente le equazioni algebriche sotto forma di figure geometriche o **curve algebriche**:



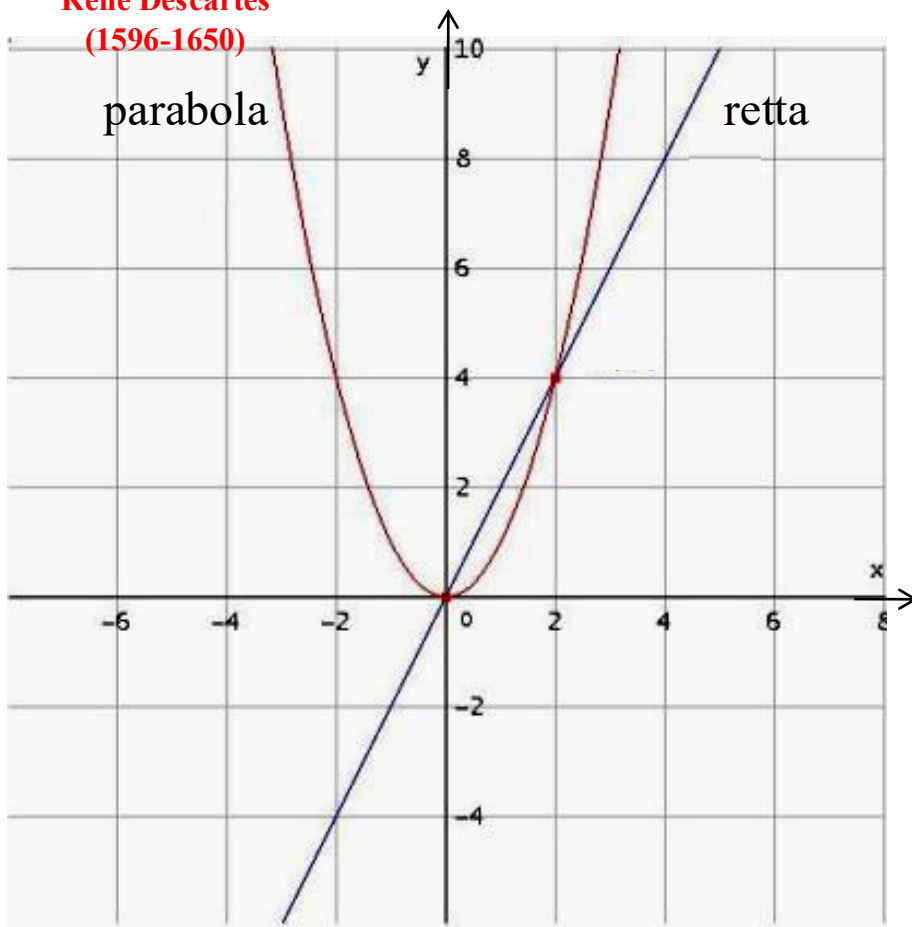
Diagrammi cartesiani in una, due
e tre dimensioni





René Descartes
(1596-1650)

Ai tempi di Galileo quindi esistevano due diversi metodi per la risoluzione dei problemi matematici, la **geometria** e l'**algebra**. Fu **Cartesio**, di una generazione più giovane di Galileo, ad unificare queste due discipline introducendo nel 1637 le basi della "**geometria analitica**", che – attraverso i cosiddetti "**diagrammi cartesiani**" – permetteva di rappresentare visivamente le equazioni algebriche sotto forma di figure geometriche o **curve algebriche**:



Equazione di primo grado:

$$2x - y = 0 \quad \text{retta}$$

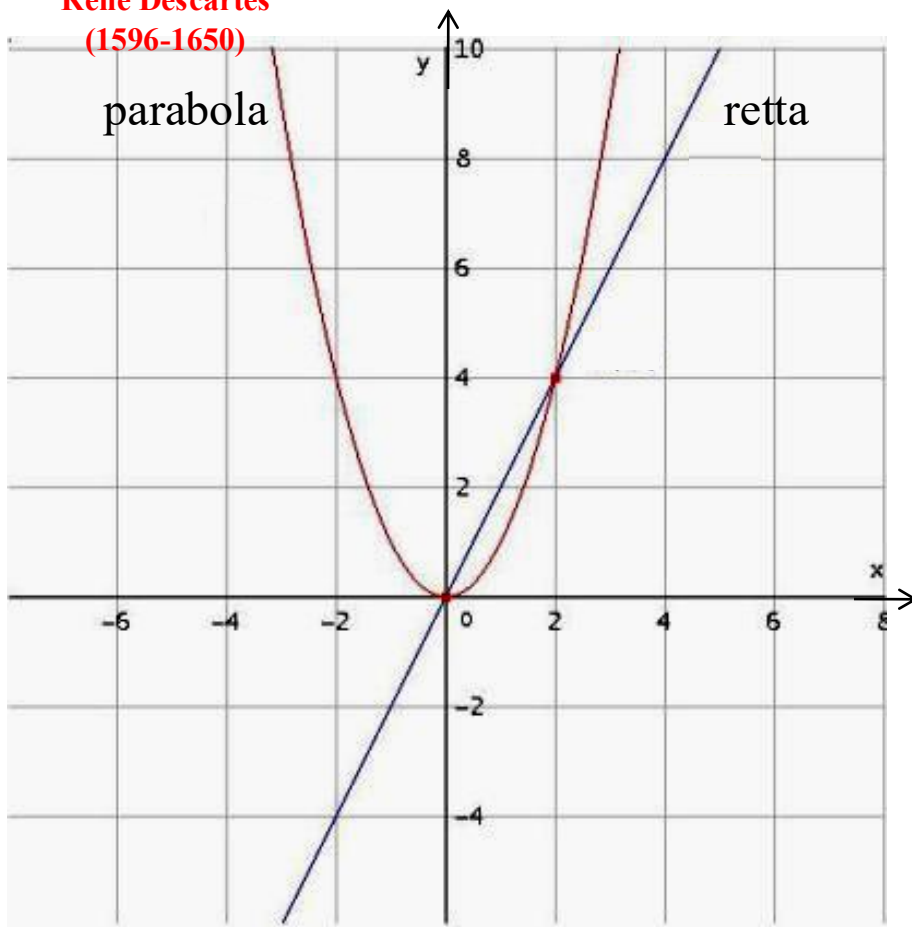
Reminder: il grado di un'equazione è il **massimo esponente con cui compare l'incognita** (o, come in questo caso, le incognite, trattandosi di un'equazione di primo grado in **due** incognite). Se il grado è 1, l'equazione si dice lineare.

x	y
-2	-4
0	0
2	4
4	8
$\vdots$	$\vdots$



René Descartes
(1596-1650)

Ai tempi di Galileo quindi esistevano due diversi metodi per la risoluzione dei problemi matematici, la **geometria** e l'**algebra**. Fu **Cartesio**, di una generazione più giovane di Galileo, ad unificare queste due discipline introducendo nel 1637 le basi della "**geometria analitica**", che – attraverso i cosiddetti "**diagrammi cartesiani**" – permetteva di rappresentare visivamente le equazioni algebriche sotto forma di figure geometriche o **curve algebriche**:



Equazione di primo grado:

$$2x - y = 0 \quad \text{retta}$$

Equazione di secondo grado:

$$x^2 - y = 0 \quad \text{parabola}$$

In questo caso abbiamo un'equazione di **secondo grado** in due incognite perché il **massimo esponente con cui compaiono le incognite è 2**.

x	y
-2	4
0	0
2	4
4	16
$\vdots$	$\vdots$



René Descartes
(1596-1650)

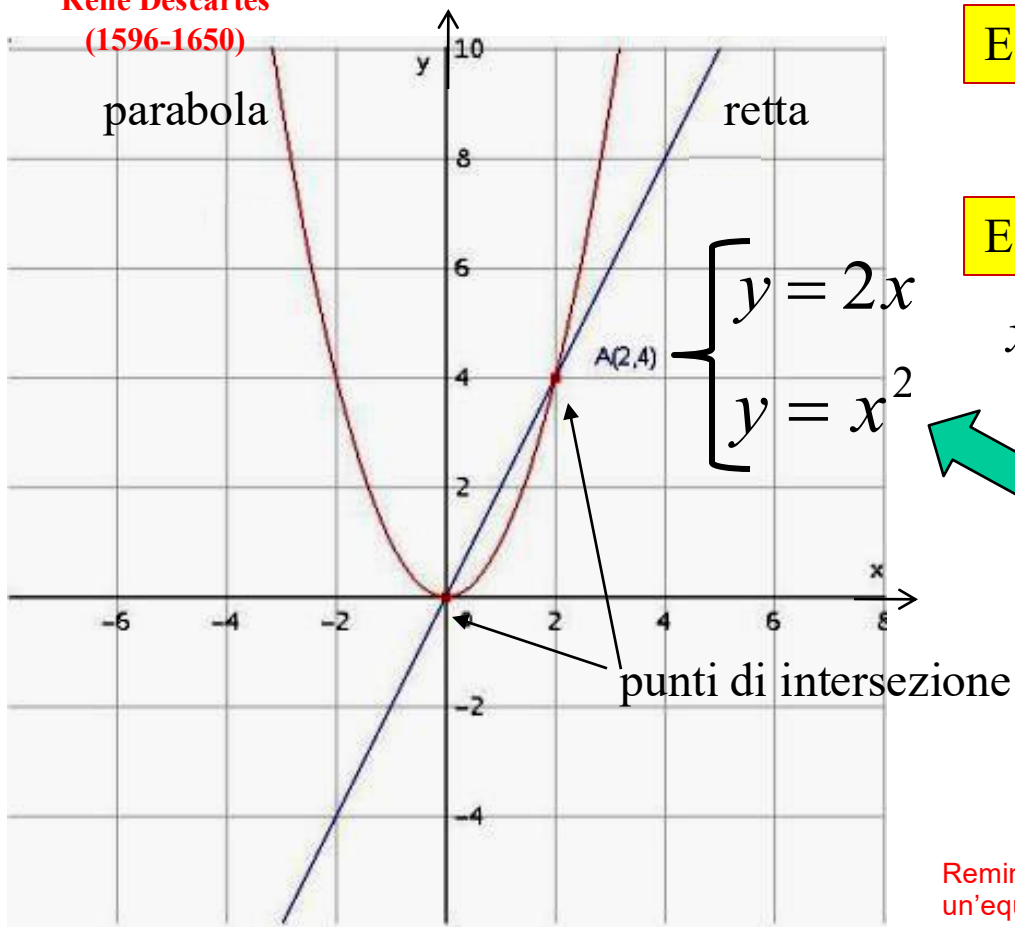
Ai tempi di Galileo quindi esistevano due diversi metodi per la risoluzione dei problemi matematici, la **geometria** e l'**algebra**. Fu **Cartesio**, di una generazione più giovane di Galileo, ad unificare queste due discipline introducendo nel 1637 le basi della "**geometria analitica**", che – attraverso i cosiddetti "**diagrammi cartesiani**" – permetteva di rappresentare visivamente le equazioni algebriche sotto forma di figure geometriche o **curve algebriche**:

Equazione di primo grado:

$$2x - y = 0 \quad \text{retta}$$

Equazione di secondo grado:

$$x^2 - y = 0 \quad \text{parabola}$$



Le coordinate (x,y) dei punti di intersezione tra la retta e la parabola si ottengono risolvendo il SISTEMA di due equazioni in due incognite costituito appunto dalle due equazioni di primo e secondo grado che rappresentano, rispettivamente, la retta e la parabola:

$$\rightarrow 2x = x^2 \rightarrow x(x - 2) = 0$$

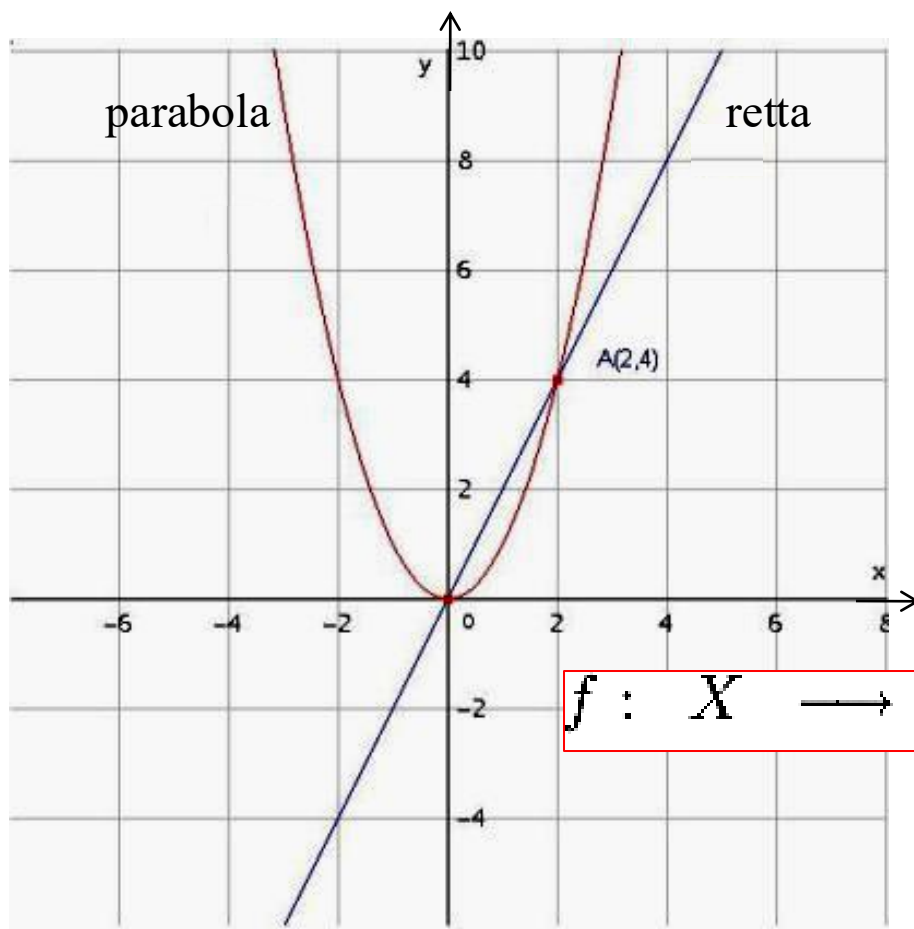
$$\rightarrow x = 2, x = 0$$

$$\rightarrow y = 4, y = 0$$

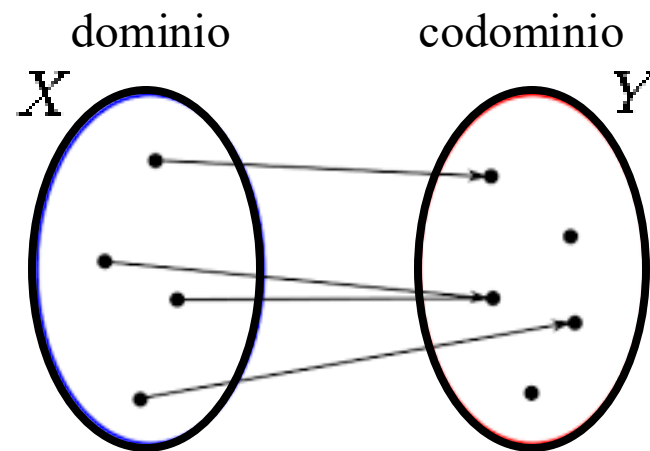
Reminder: questa è un'equazione di secondo grado in una incognita («spuria», ossia senza termine noto); se non ve le ricordate, ripassatevele!

Diagrammi cartesiani e Funzioni Matematiche

In matematica, una **funzione** (G.Leibniz, 1694) è una relazione tra due insiemi, chiamati **dominio** e **codominio** della funzione, che associa a **ogni** elemento del dominio **uno ed un solo** elemento del codominio.



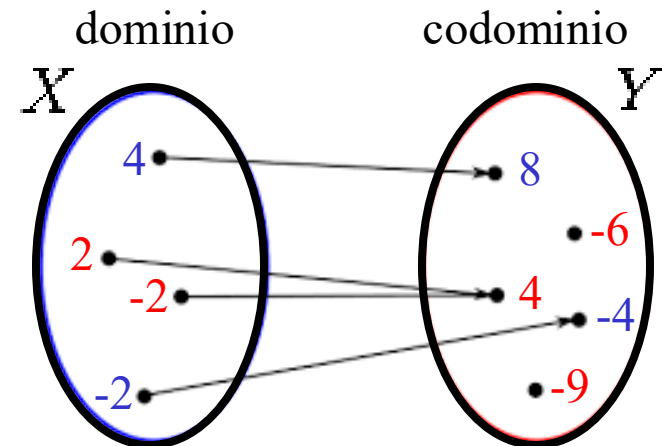
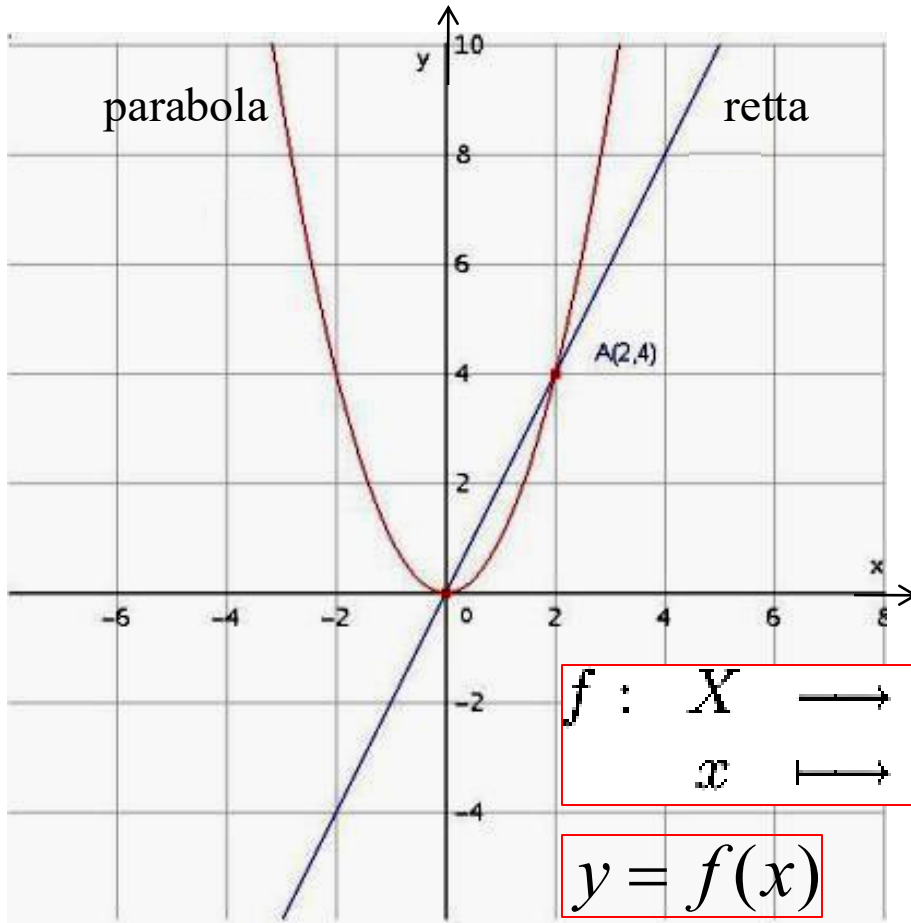
$$f : X \longrightarrow Y$$



Diagrammi cartesiani e Funzioni Matematiche

In matematica, una **funzione** (G.Leibniz, 1694) è una relazione tra due insiemi, chiamati **dominio** e **codominio** della funzione, che associa a **ogni** elemento del dominio **uno ed un solo** elemento del codominio.

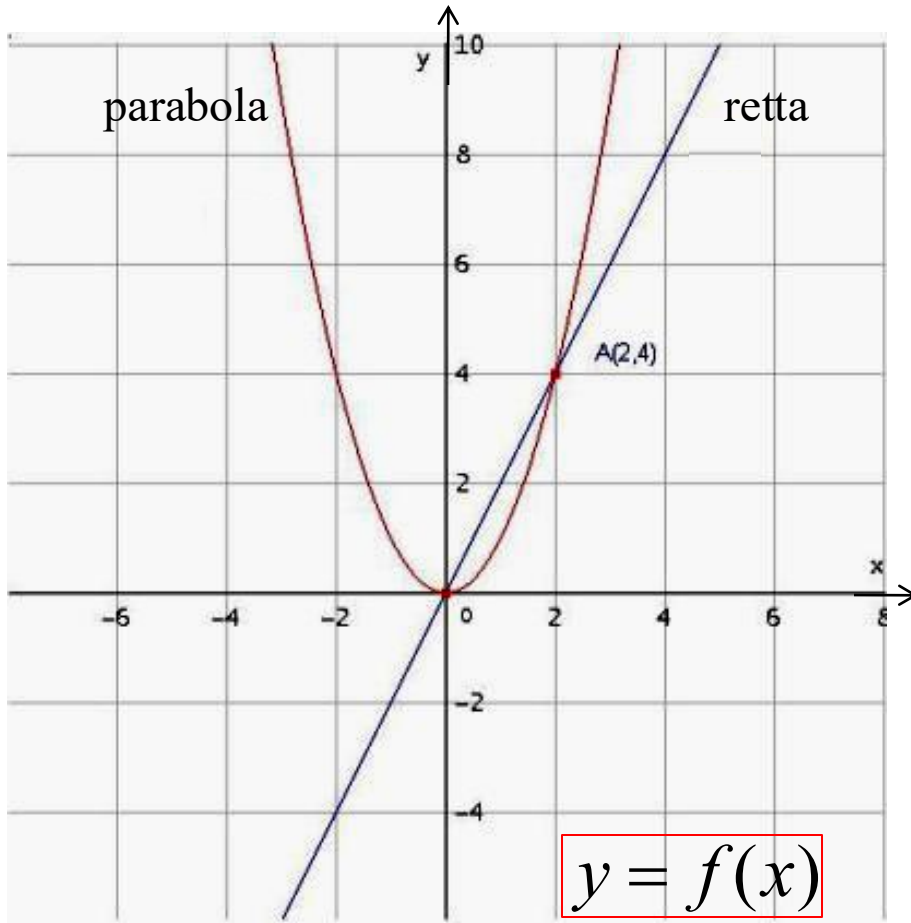
In un **diagramma cartesiano in 2D**, il dominio coincide con l'asse x e il codominio con l'asse y . La funzione, indicata con $y = f(x)$, potrà essere quindi rappresentata con un **grafico**, ossia con una curva che unisce tutti i punti individuati dalle **infinite coppie di valori x e y** che soddisfano la (ossia sono soluzioni della) **equazione in due incognite** definita dalla funzione stessa.



NOTA BENE: Ovviamente le due variabili della funzione non devono chiamarsi per forza x e y . Ad esempio, in cinematica, spesso sull'asse x troveremo il tempo t e sull'asse y una delle dimensioni spaziali (ma anche la velocità o l'accelerazione)

Diagrammi cartesiani e Funzioni Matematiche

In matematica, una **funzione** (G.Leibniz, 1694) è una relazione tra due insiemi, chiamati **dominio** e **codominio** della funzione, che associa a **ogni** elemento del dominio **uno ed un solo** elemento del codominio.



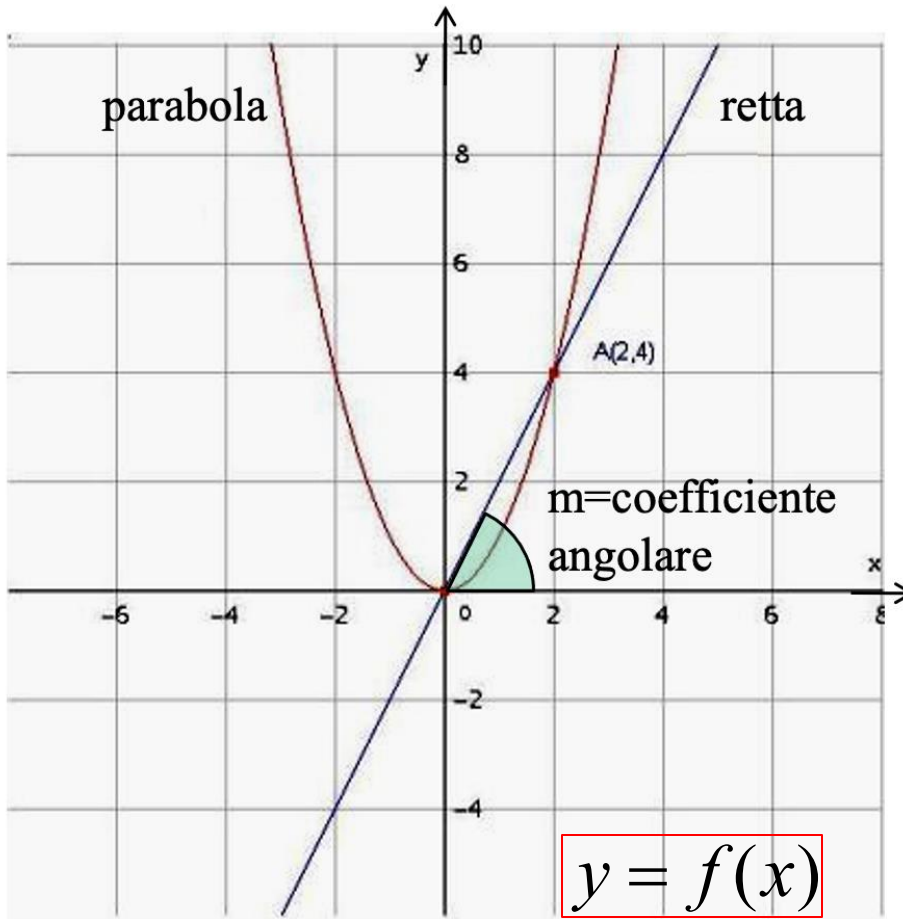
In un **diagramma cartesiano in 2D**, il dominio coincide con l'asse x e il codominio con l'asse y . La funzione, indicata con $y = f(x)$, potrà essere quindi rappresentata con un **grafico**, ossia con una curva che unisce tutti i punti individuati dalle **infinite coppie di valori x e y** che soddisfano la (ossia sono soluzioni della) **equazione in due incognite** definita dalla funzione stessa.

Es. Funzioni algebriche:

Le due equazioni algebriche in due incognite che, come abbiamo visto, definiscono la retta (primo grado) e la parabola con asse parallelo all'asse y (secondo grado), possono essere espresse sotto forma di funzioni algebriche perché la variabile y è di grado uno.

Diagrammi cartesiani e Funzioni Matematiche

In matematica, una **funzione** (G.Leibniz, 1694) è una relazione tra due insiemi, chiamati **dominio** e **codominio** della funzione, che associa a **ogni** elemento del dominio **uno ed un solo** elemento del codominio.



In un **diagramma cartesiano in 2D**, il dominio coincide con l'asse x e il codominio con l'asse y . La funzione, indicata con $y = f(x)$, potrà essere quindi rappresentata con un **grafico**, ossia con una curva che unisce tutti i punti individuati dalle **infinite coppie di valori x e y** che soddisfano la (ossia sono soluzioni della) **equazione in due incognite** definita dalla funzione stessa.

Es. Funzioni algebriche:

Retta di coefficiente angolare m :

$$y = mx + q$$

ordinata all'origine

Caso particolare ($m=2$, $q=0$):

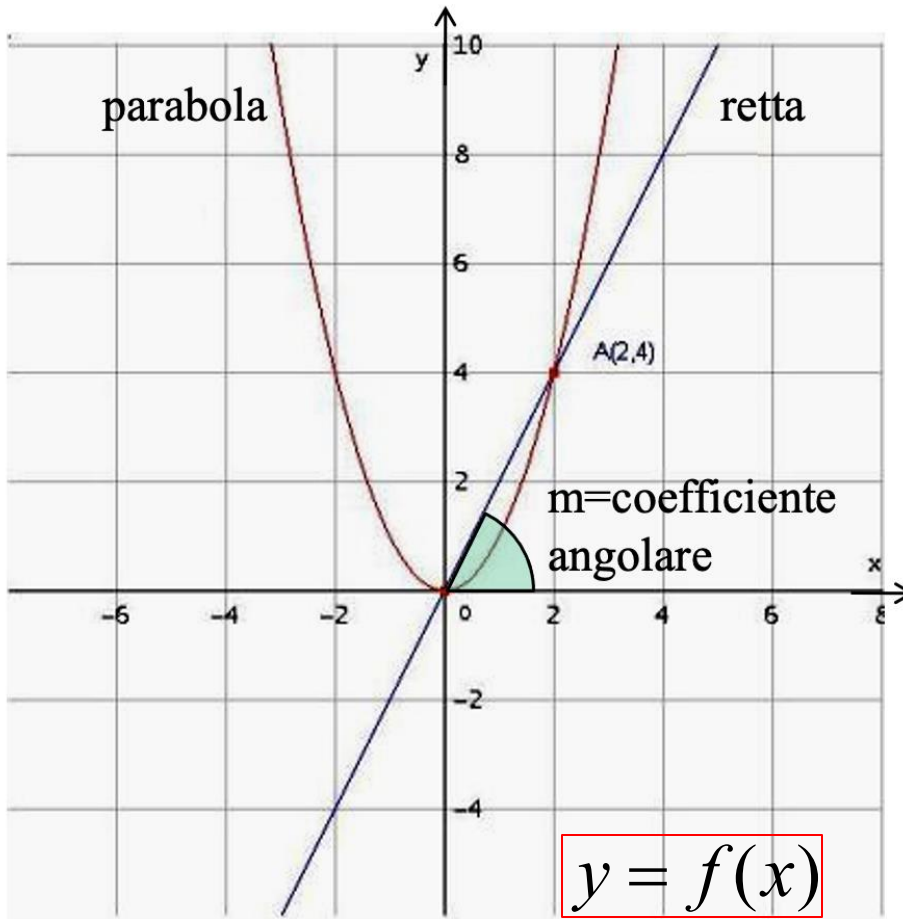
Retta passante per l'origine

$$2x - y = 0 \rightarrow y = 2x$$

x	y
-2	-4
0	0
2	4
4	8
$\vdots$	$\vdots$

Diagrammi cartesiani e Funzioni Matematiche

In matematica, una **funzione** (G.Leibniz, 1694) è una relazione tra due insiemi, chiamati **dominio** e **codominio** della funzione, che associa a **ogni** elemento del dominio **uno ed un solo** elemento del codominio.



In un **diagramma cartesiano in 2D**, il dominio coincide con l'asse x e il codominio con l'asse y . La funzione, indicata con $y = f(x)$, potrà essere quindi rappresentata con un **grafico**, ossia con una curva che unisce tutti i punti individuati dalle **infinite coppie di valori x e y** che soddisfano la (ossia sono soluzioni della) **equazione in due incognite** definita dalla funzione stessa.

Es. Funzioni algebriche:

Parabola con asse parallelo all'asse y :

$$y = ax^2 + bx + c$$

Caso particolare ($a=1, b=c=0$):

Parabola passante per l'origine

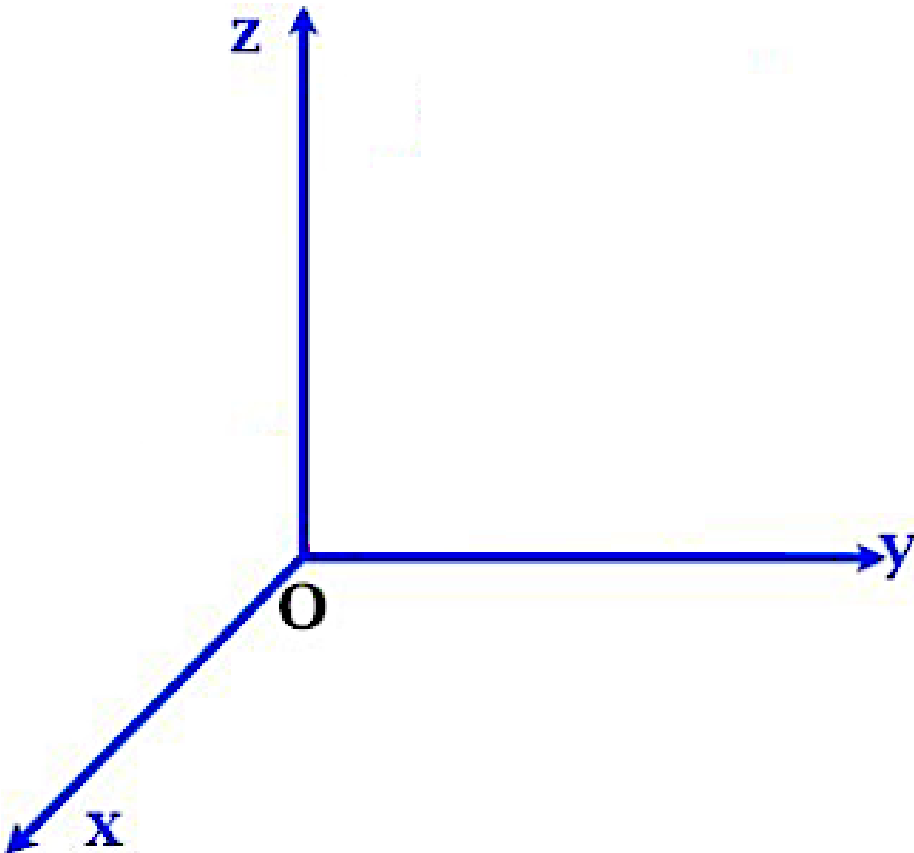
$$x^2 - y = 0 \rightarrow y = x^2$$

x	y
-2	4
0	0
2	4
4	16
$\vdots$	$\vdots$

I 3 Concetti Fondamentali della Cinematica

1) Il Sistema di Riferimento

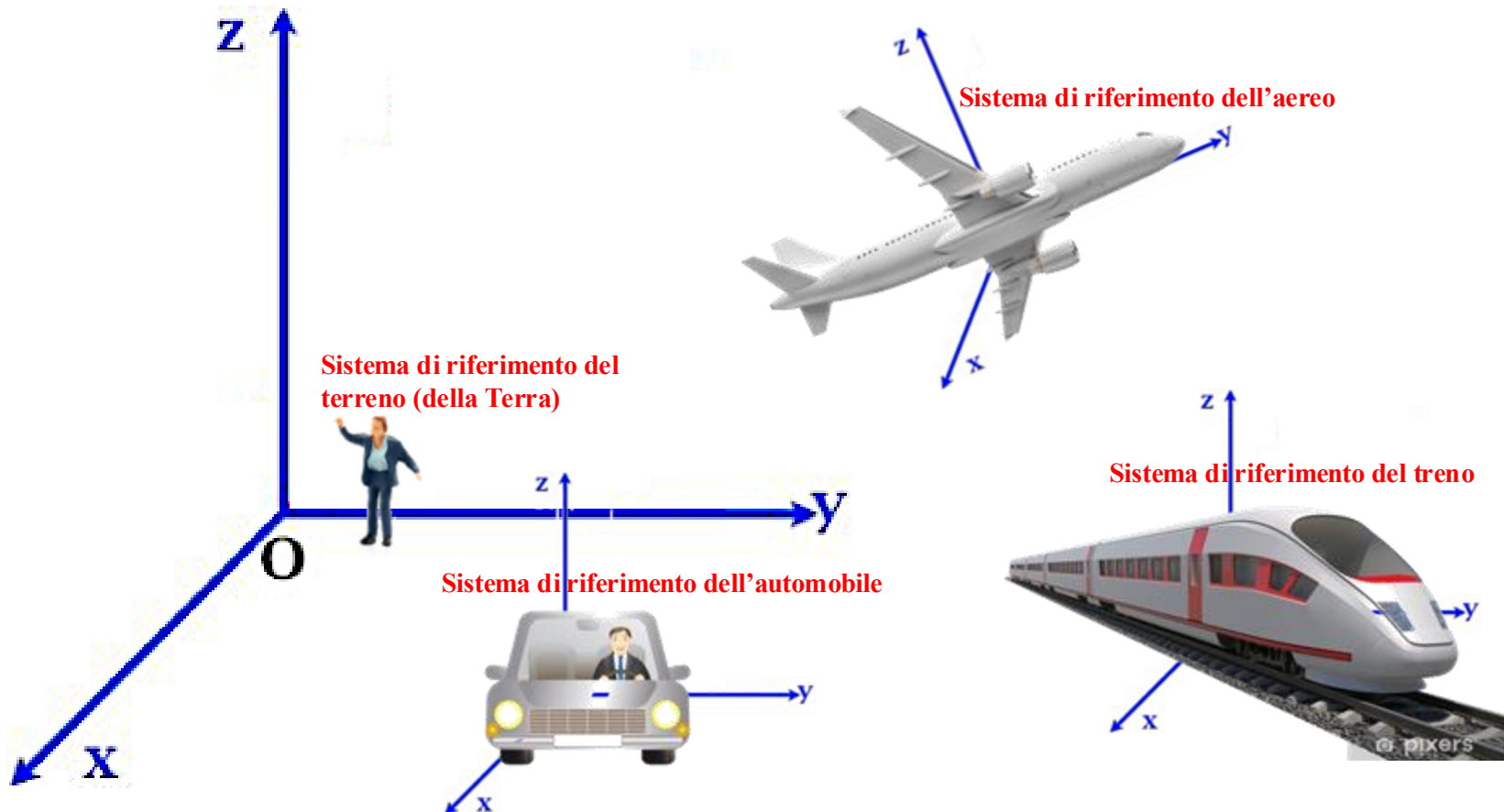
E' l'insieme di tutti gli oggetti rispetto ai quali il movimento avviene con le stesse caratteristiche ed è rappresentato di solito da un diagramma cartesiano



I 3 Concetti Fondamentali della Cinematica

1) Il Sistema di Riferimento

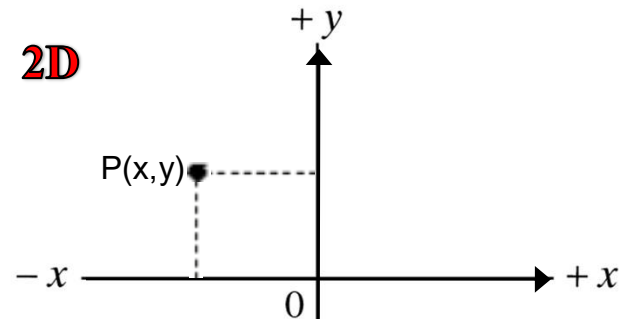
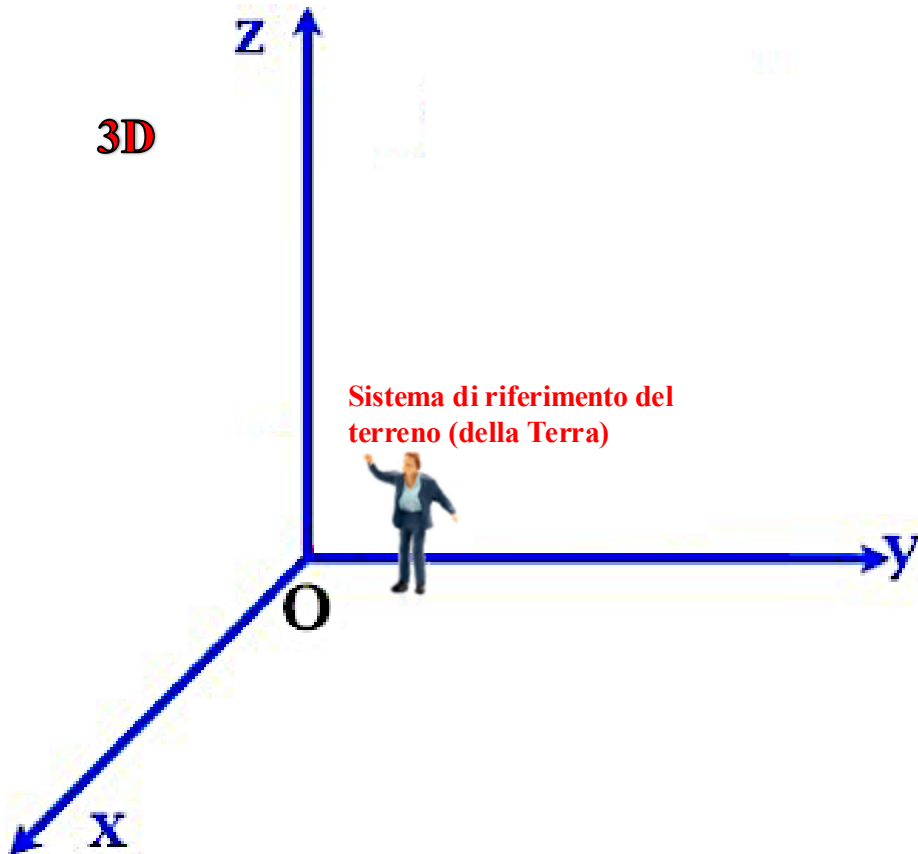
E' l'insieme di tutti gli oggetti rispetto ai quali il movimento avviene con le stesse caratteristiche ed è rappresentato di solito da un diagramma cartesiano



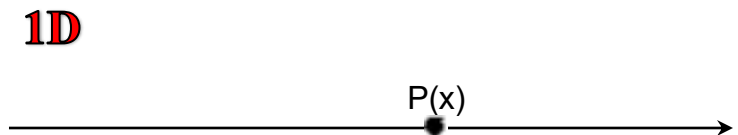
I 3 Concetti Fondamentali della Cinematica

1) Il Sistema di Riferimento

E' l'insieme di tutti gli oggetti rispetto ai quali il movimento avviene con le stesse caratteristiche ed è rappresentato di solito da un diagramma cartesiano



Fisica
Copyright 2006 Casa Editrice Ambrosiana



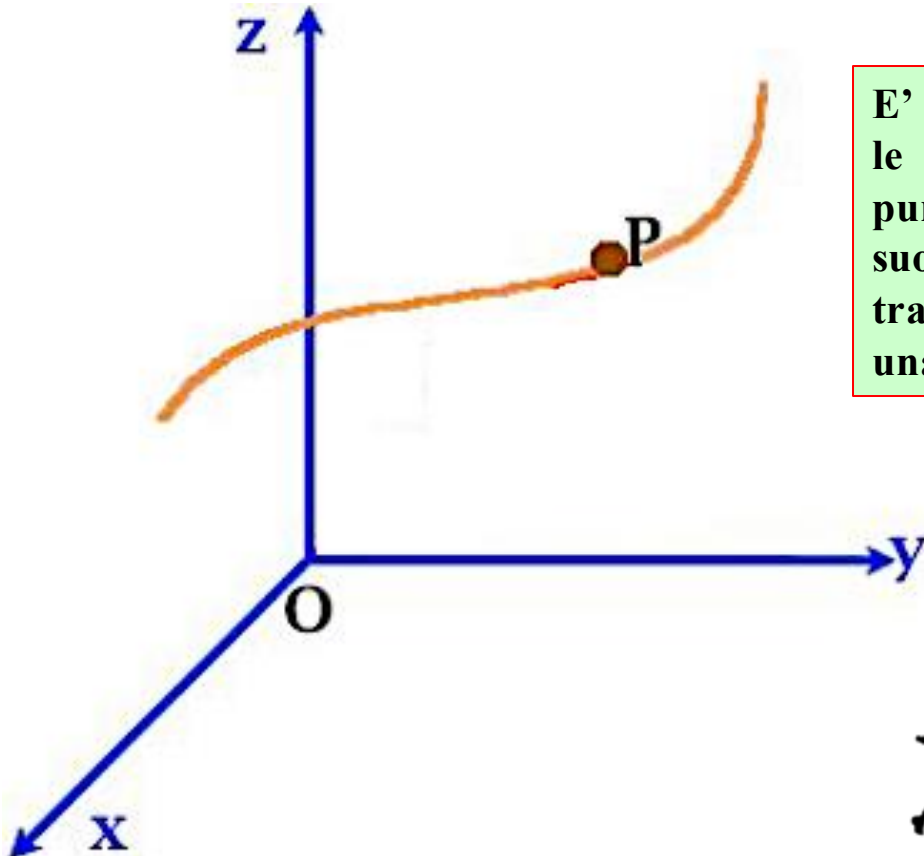
I 3 Concetti Fondamentali della Cinematica

1) Il Sistema di Riferimento

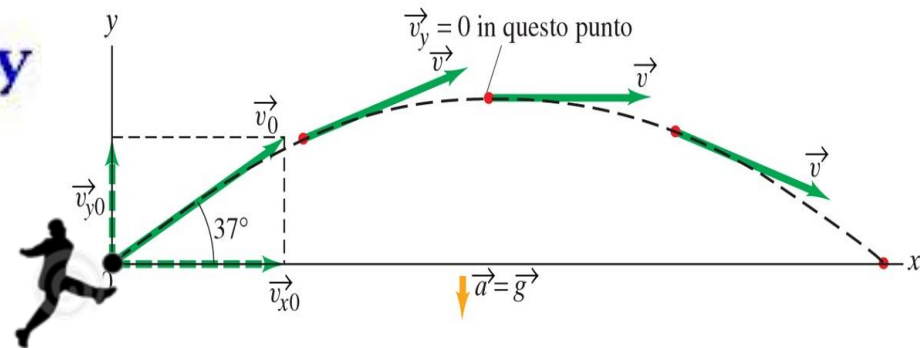
E' l'insieme di tutti gli oggetti rispetto ai quali il movimento avviene con le stesse caratteristiche ed è rappresentato di solito da un diagramma cartesiano

2) La Traiettoria

E' la linea che unisce tutte le posizioni attraverso le quali è passato un oggetto (ad esempio un punto materiale P) in movimento. All'interno del suo sistema di riferimento (1D, 2D o 3D), la traiettoria può essere spesso rappresentata con una curva continua.



Es. Traiettoria parabolica di un pallone in 2D



I 3 Concetti Fondamentali della Cinematica

1) Il Sistema di Riferimento

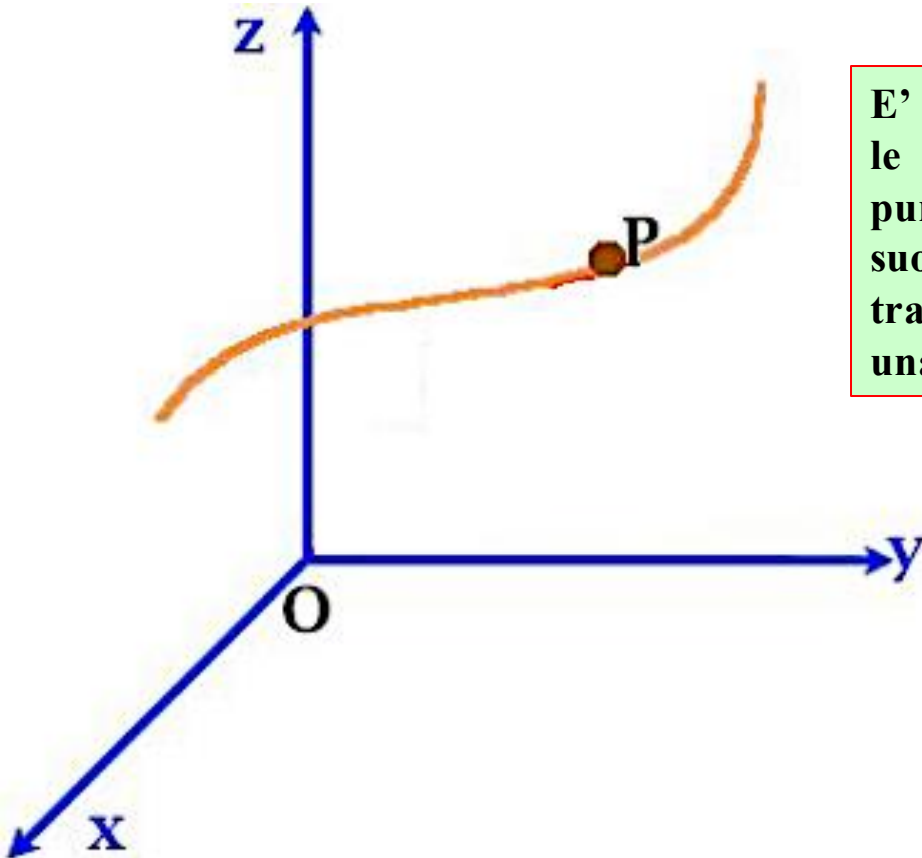
E' l'insieme di tutti gli oggetti rispetto ai quali il movimento avviene con le stesse caratteristiche ed è rappresentato di solito da un diagramma cartesiano

2) La Traiettoria

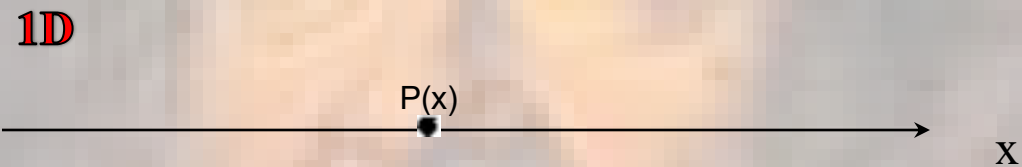
E' la linea che unisce tutte le posizioni attraverso le quali è passato un oggetto (ad esempio un punto materiale P) in movimento. All'interno del suo sistema di riferimento (1D, 2D o 3D), la traiettoria può essere spesso rappresentata con una curva continua.

3) Il Punto Materiale

E' un oggetto così piccolo rispetto alle dimensioni della traiettoria da esso percorsa che può essere considerato un punto geometrico (però dotato di massa). Talvolta ci riferiremo ad esso utilizzando altri termini quali "corpo" o "particella".



Cinematica in una dimensione

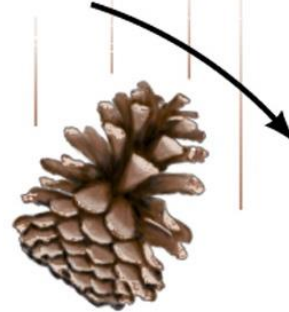


1D



(a)

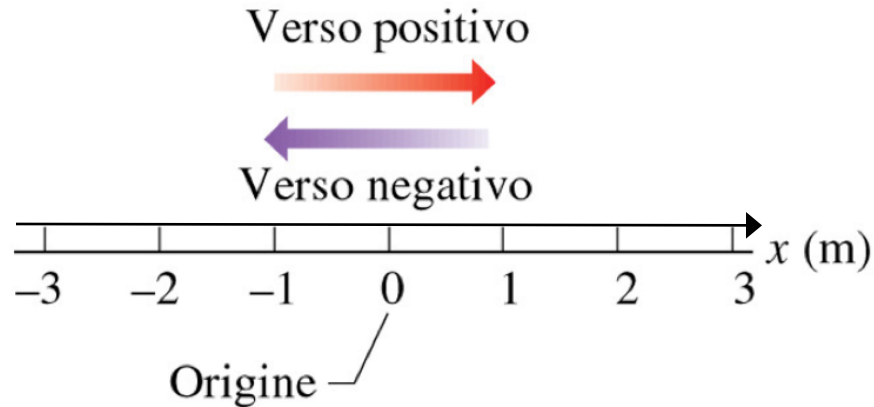
**Moto
di traslazione**



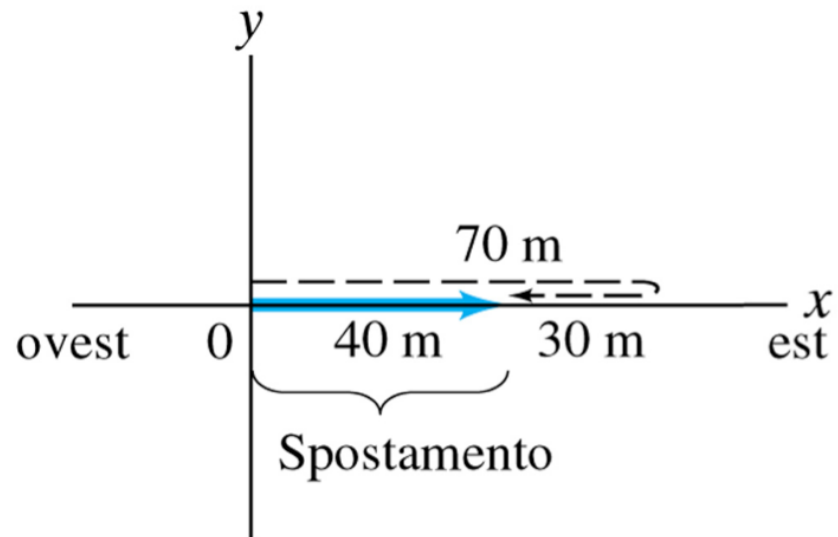
(b)

**Moto
di rototraslazione**

Moto e spostamento in un sistema di riferimento
unidimensionale (asse x , unità di misura: metro m)



Lo **spostamento** è definito come il cambiamento di posizione di un oggetto (o di un punto materiale), rappresenta cioè di quanto l'oggetto, ad un certo istante del moto, è lontano dal suo punto di partenza (**da non confondere con la distanza totale percorsa, anche se spesso si identifica con essa**).



Lo Spostamento è un Vettore!

Lo spostamento è una **grandezza vettoriale** e come tale, a differenza delle *grandezze scalari* definite solo da un valore numerico, è caratterizzato da 3 elementi: **direzione**, **verso** e **modulo** (o intensità). In 1D la direzione è fissa e coincide, chiaramente, con la direzione dell'asse x.

Consideriamo un oggetto in moto tra due istanti di tempo t_1 e t_2 , nei quali assume rispettivamente le posizioni x_1 e x_2 :

$$\Delta x = x_2 - x_1 \quad \text{Spostamento (qui uguale alla distanza percorsa)}$$

$$\text{Se } x_1 = 10.0 \text{ m} \quad x_2 = 30.0 \text{ m} :$$

$$\Delta x = x_2 - x_1 = 30.0\text{m} - 10.0\text{m} = 20.0\text{m}$$

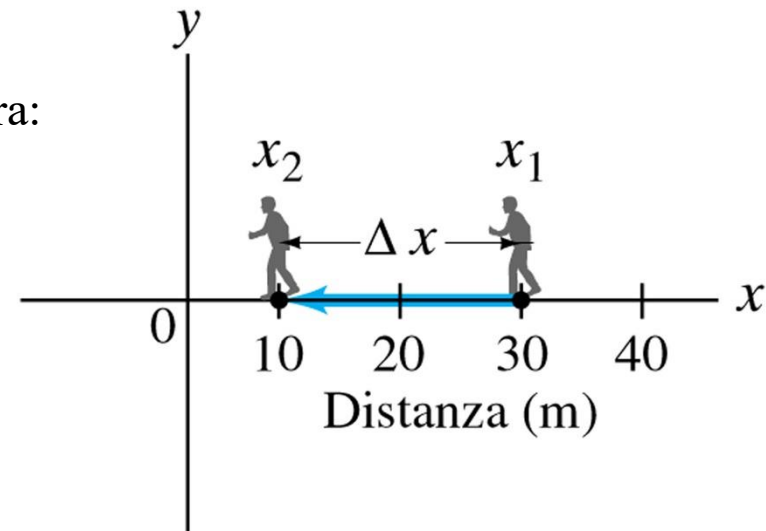
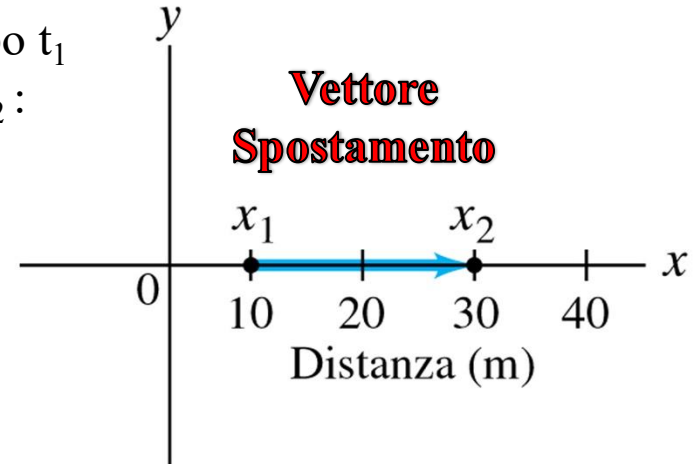
Lo spostamento è positivo

Consideriamo una persona in movimento verso sinistra:

$$\text{Se } x_1 = 30.0 \text{ m} \quad x_2 = 10.0 \text{ m} :$$

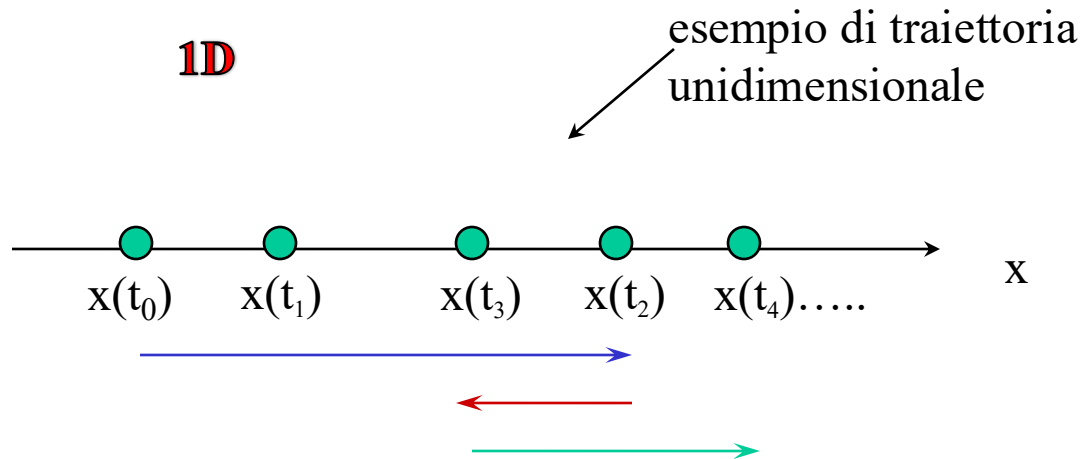
$$\Delta x = x_2 - x_1 = 10.0\text{m} - 30.0\text{m} = -20.0\text{m}$$

Lo spostamento è negativo



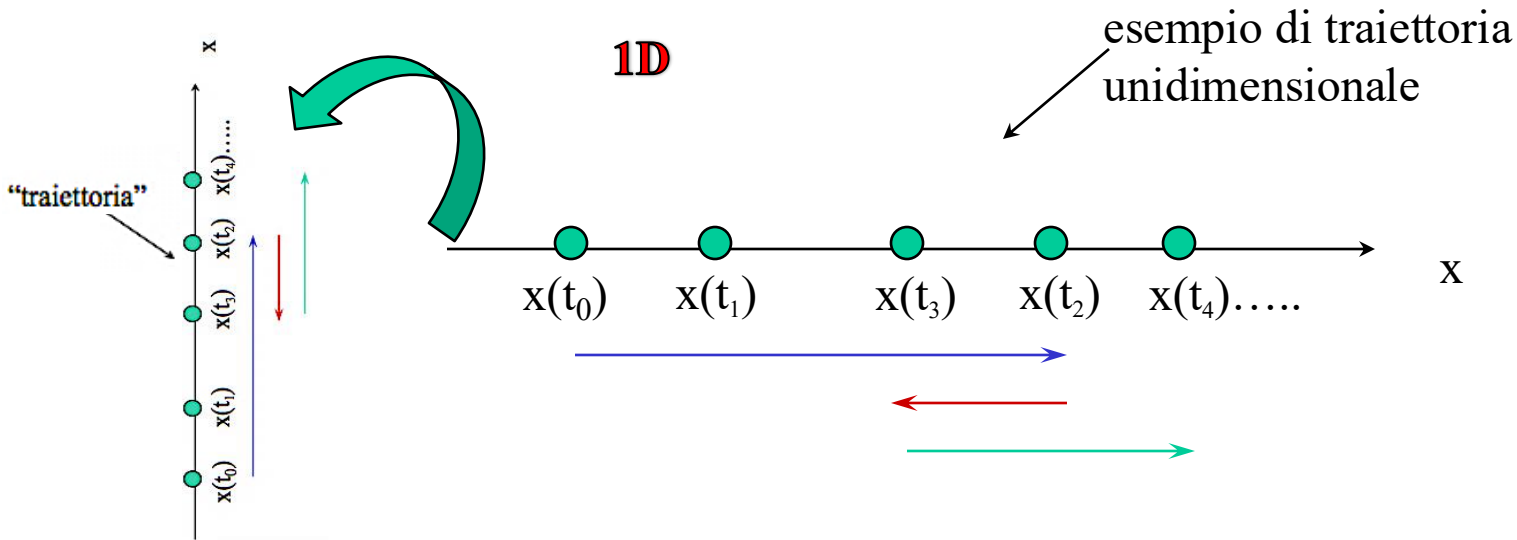
Traiettorie in una dimensione

E' difficile visualizzare la **traiettoria** di un punto materiale in un sistema di riferimento unidimensionale in funzione del tempo:



Traiettorie in una dimensione

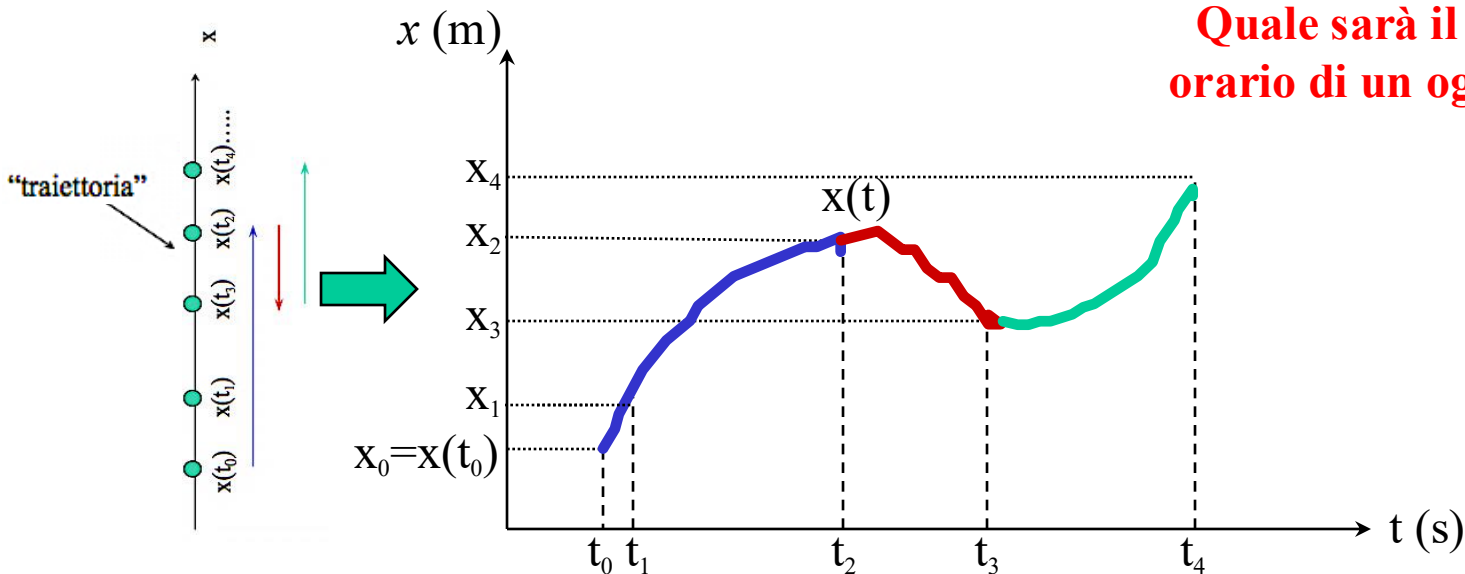
E' difficile visualizzare la **traiettoria** di un punto materiale in un sistema di riferimento unidimensionale in funzione del tempo:



Si ricorre dunque al cosiddetto “**diagramma orario**”...

Il Diagramma Orario: $x = f(t)$

Il Diagramma orario permette di rappresentare la posizione di un oggetto o di un punto materiale in moto unidimensionale al passare del tempo (espresso in secondi) sotto forma di una **curva** (da non confondere con la traiettoria dell'oggetto nello spazio reale) descritta dalla **funzione** $x(t)$, ossia $x = f(t)$.



Il Diagramma Orario: $x = f(t)$

Il Diagramma orario permette di rappresentare la posizione di un oggetto o di un punto materiale in moto unidimensionale al passare del tempo (espresso in secondi) sotto forma di una **curva** (da non confondere con la traiettoria dell'oggetto nello spazio reale) descritta dalla **funzione** $x(t)$, ossia $x = f(t)$.

Quale sarà il diagramma orario di un oggetto fermo?

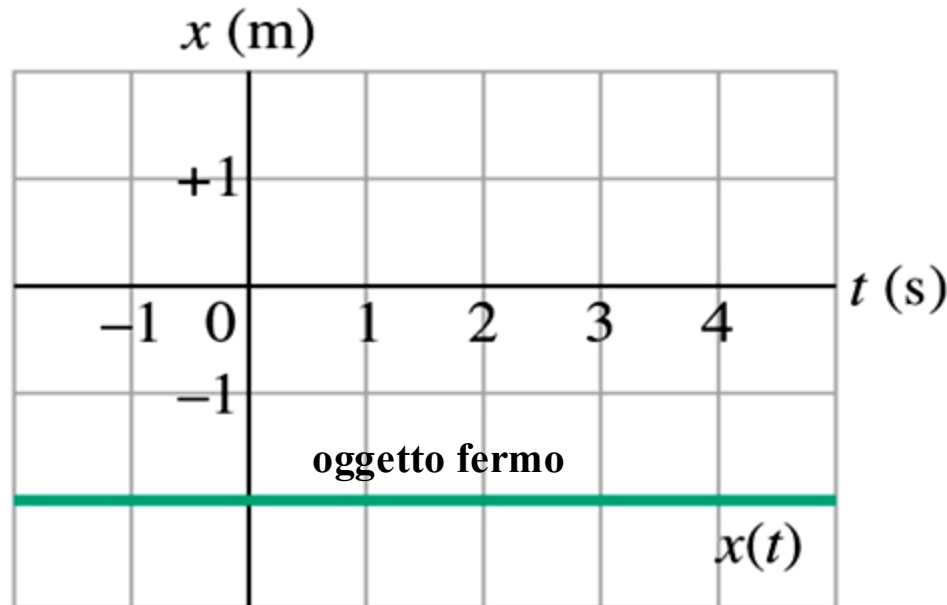
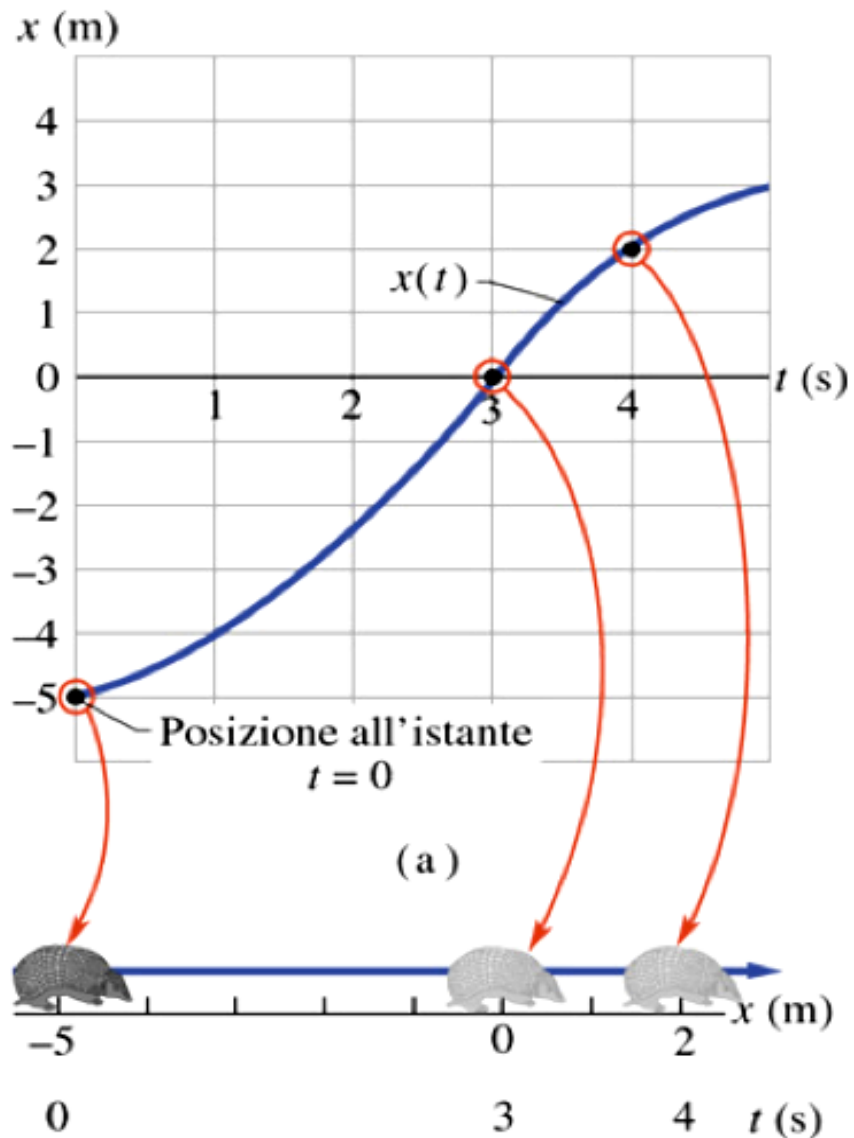


Diagramma orario della posizione di un armadillo al passare del tempo



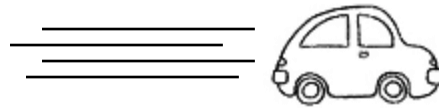
Qual'è la velocità
dell'armadillo?

**Traiettoria reale
unidimensionale**





La Velocità Scalare Media



La velocità scalare v di un oggetto si definisce come la distanza percorsa dall'oggetto durante il suo cammino divisa per il tempo impiegato a percorrere tale distanza

Velocità scalare media

$$\bar{v} = \frac{\text{distanza percorsa}}{\text{tempo trascorso}}$$

unità di misura: metri al secondo (m/s)

$$\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

