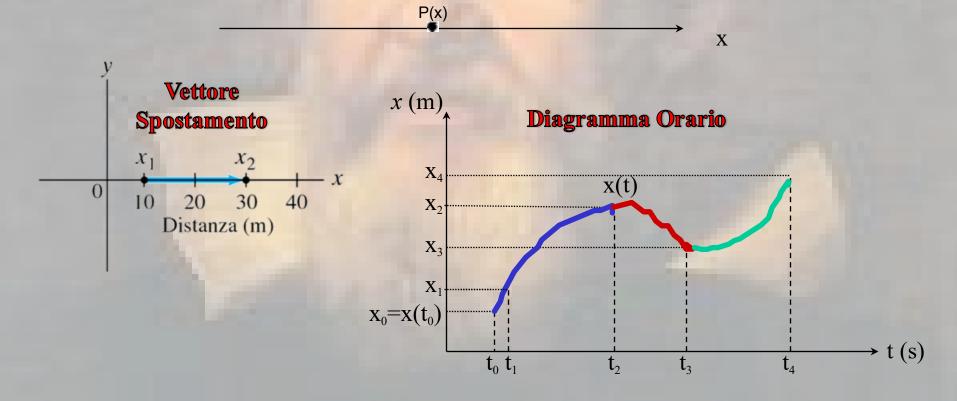


# Cinematica in una dimensione

#### Sistema di Riferimento 1D





#### La Velocità Scalare Media





La velocità scalare v di un oggetto si definisce come la distanza percorsa dall'oggetto durante il suo cammino divisa per il tempo impiegato a percorrere tale distanza

#### Velocità scalare media

$$\overline{v} = \frac{dis \tan za \ percorsa}{tempo \ trascorso}$$

unità di misura: metri al secondo (m/s)

$$\overline{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

$$x(t_1) \equiv x_1 \qquad x(t_2) \equiv x_2$$



#### Il Moto Uniforme (v = costante)

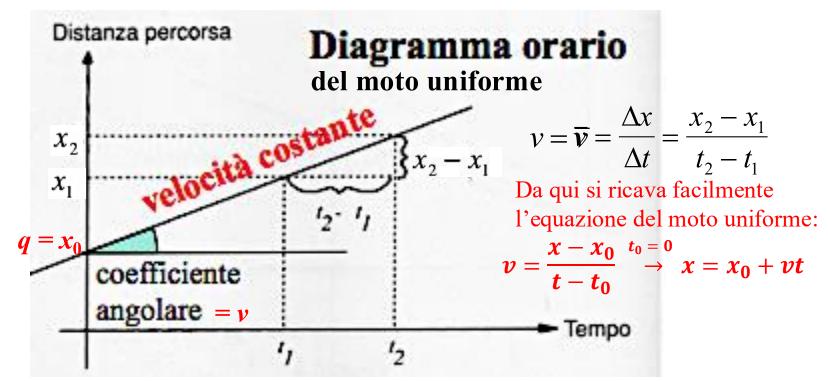




Un corpo si muove di **moto uniforme** se la sua velocità scalare v è **costante**. Questo vuol dire che il corpo percorre spazi uguali in tempi uguali e la sua velocità, ad ogni istante, è uguale alla sua velocità media:  $v = \overline{v}$ 

Equazione del moto uniforme  $\Box x(t) = x_0 + vt$ 

Equazione di una retta, del tipo: y = q + mx



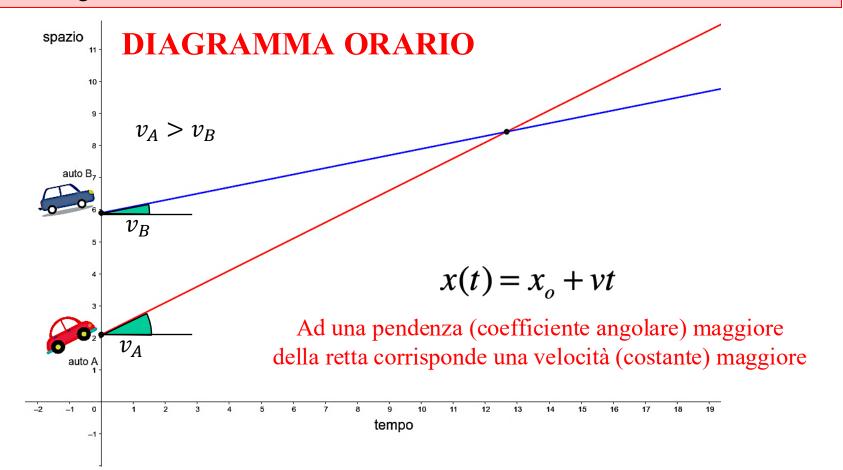


## Il Moto Uniforme (v = costante)





Un corpo si muove di **moto uniforme** se la sua velocità scalare v è **costante**. Questo vuol dire che il corpo percorre **spazi uguali in tempi uguali** e la sua velocità, ad ogni istante, è uguale alla sua velocità media:  $v = \overline{v}$ 





# Il Moto Uniforme (v = costante)





Un corpo si muove di **moto uniforme** se la sua velocità scalare v è **costante**. Questo vuol dire che il corpo percorre **spazi uguali in tempi uguali** e la sua velocità, ad ogni istante, è uguale alla sua velocità media:

#### **Esempio**

Un'automobile procede alla velocità costante di 108 Km/h.

Quanti metri percorre in 10 minuti?

Svolgimento

Poiché la velocità con cui procede il corpo è costante il moto è di tipo rettilineo uniforme. I dati in nostro possesso sono la velocità con cui procede il corpo e il tempo richiesto.

Le unità di misura delle due grandezze non sono però quelle del S.I., per cui prima di svolgere i calcoli riportiamole nelle unità richieste (usando gli opportuni fattori di conversione):

$$v = 108 \frac{km}{h} \left( \frac{1000m}{1km} \right) \left( \frac{1h}{3600s} \right) =$$

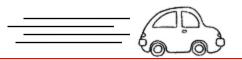
$$= 108 \frac{1000m}{3600s} = \frac{108m}{3.6s} = 30 \frac{m}{s}$$

$$t = 10 \min \frac{60 \, s}{1 \min} = 600 \, s$$



## Il Moto Uniforme (v = costante)





Un corpo si muove di **moto uniforme** se la sua velocità scalare v è **costante**. Questo vuol dire che il corpo percorre **spazi uguali in tempi uguali** e la sua velocità, ad ogni istante, è uguale alla sua velocità media:

#### **Esempio**

Un'automobile procede alla velocità costante di 108 Km/h.

Quanti metri percorre in 10 minuti?

Svolgimento

Poiché la velocità con cui procede il corpo è costante il moto è di tipo rettilineo uniforme. I dati in nostro possesso sono la velocità con cui procede il corpo e il tempo richiesto.

La distanza percorsa dall'automobile in 10 minuti potrà quindi essere calcolata utilizzando l'equazione del moto uniforme (dove poniamo  $x_0 = 0$ ):

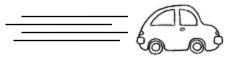
$$x = vt = 30 \frac{m}{s} 600 s = 18000 m$$

(che corrispondono a 18 Km).



#### Moto a Velocità Variabile



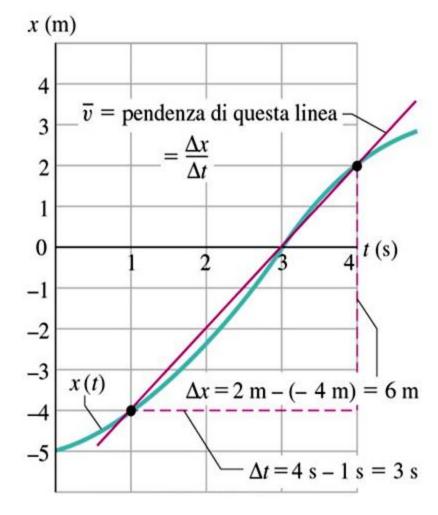


In generale, anche se la velocità cambia nel tempo (e quindi il diagramma orario è una linea curva), la velocità scalare media è uguale alla pendenza (coefficiente angolare) della retta che unisce i due punti tra i quali si verifica il moto.

Nel caso dell'armadillo (già incontrato nella lezione precedente) avremo:

$$\overline{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6m}{3s} = 2 m/s$$

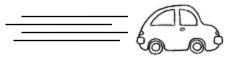






#### Moto a Velocità Variabile

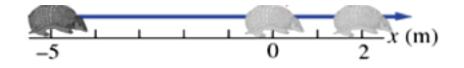


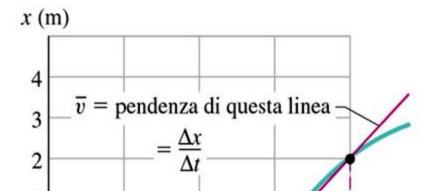


In generale, anche se la velocità cambia nel tempo (e quindi il diagramma orario è una linea curva), la velocità scalare media è uguale alla **pendenza** (coefficiente angolare) **della retta che unisce i due punti** tra i quali si verifica il moto.

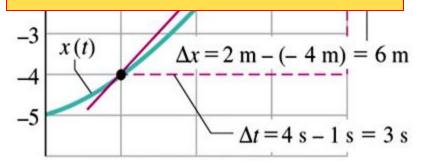
Nel caso dell'armadillo (già incontrato nella lezione precedente) avremo:

$$\overline{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6m}{3s} = 2 m/s$$



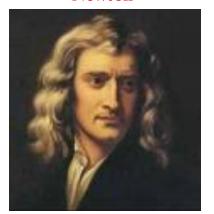


Ma quale sarà la velocità dell'Armadillo ad un certo istante di tempo?



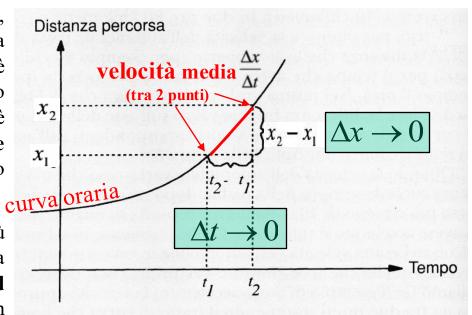
Grazie al nuovo metodo introdotto da Cartesio, già nel XVII secolo si era in grado di calcolare la velocità media di un corpo. Ma nè Galileo, nè Cartesio, nè i loro contemporanei, erano in grado di calcolare la velocità istantanea di un corpo nè tantomeno di descrivere il moto di un corpo che procede a velocità variabile, crescente o decrescente.





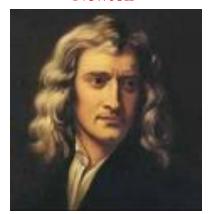
Leibniz





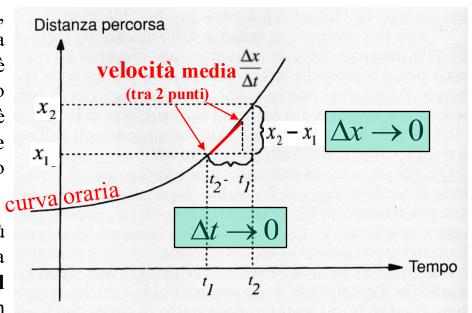
Grazie al nuovo metodo introdotto da Cartesio, già nel XVII secolo si era in grado di calcolare la velocità media di un corpo. Ma nè Galileo, nè Cartesio, nè i loro contemporanei, erano in grado di calcolare la velocità istantanea di un corpo nè tantomeno di descrivere il moto di un corpo che procede a velocità variabile, crescente o decrescente.





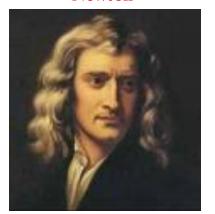
Leibniz





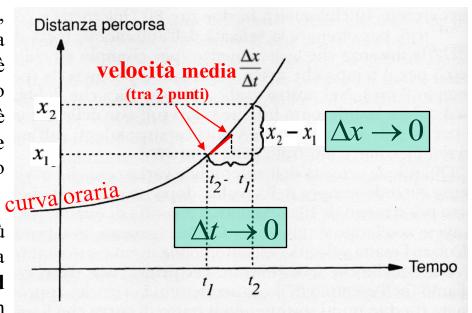
Grazie al nuovo metodo introdotto da Cartesio, già nel XVII secolo si era in grado di calcolare la velocità media di un corpo. Ma nè Galileo, nè Cartesio, nè i loro contemporanei, erano in grado di calcolare la velocità istantanea di un corpo nè tantomeno di descrivere il moto di un corpo che procede a velocità variabile, crescente o decrescente.





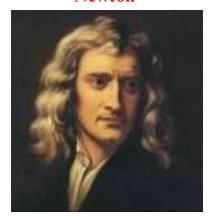
Leibniz





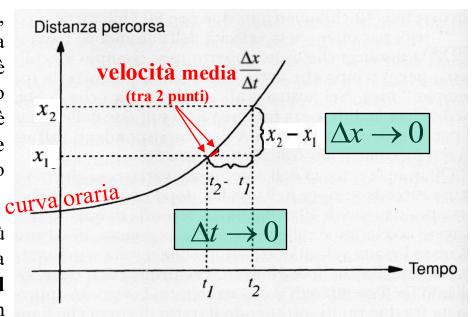
Grazie al nuovo metodo introdotto da Cartesio, già nel XVII secolo si era in grado di calcolare la velocità media di un corpo. Ma nè Galileo, nè Cartesio, nè i loro contemporanei, erano in grado di calcolare la velocità istantanea di un corpo nè tantomeno di descrivere il moto di un corpo che procede a velocità variabile, crescente o decrescente.

Newton



Leibniz





Grazie al nuovo metodo introdotto da Cartesio, già nel XVII secolo si era in grado di calcolare la velocità media di un corpo. Ma nè Galileo, nè Cartesio, nè i loro contemporanei, erano in grado di calcolare la velocità istantanea di un corpo nè tantomeno di descrivere il moto di un corpo che procede a velocità variabile, crescente o decrescente.

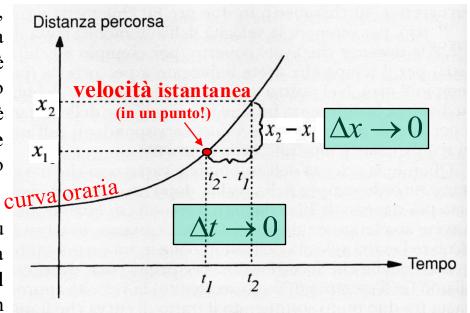
La soluzione al problema fu trovata un secolo più tardi da Isaac Newton, il vero gigante della fisica classica, e dal grande filosofo e logico Gottfried Leibniz, i quali nel XVIII secolo inventarono un nuovo metodo matematico noto come calcolo infinitesimale.

Newton



Leibniz





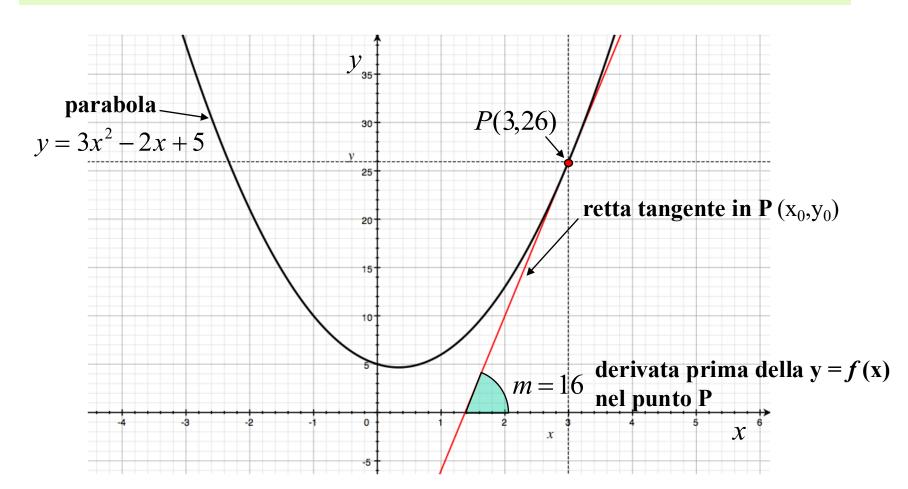
Con questo metodo la **velocità istantanea** resta definita attraverso un 'passaggio al limite' come la *velocità media durante un intervallo di tempo infinitamente piccolo* (cioè, al limite, per Δt tendente a zero):

$$\overline{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \rightarrow v(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

# Calcolo della derivata prima di una y = f(x) in un punto

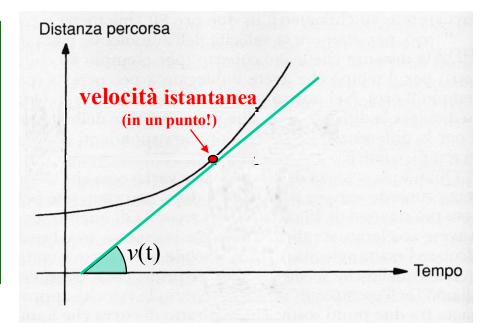
Il procedimento utilizzato da Newton per ricavare la velocità istantanea equivale a quello che matematicamente viene definito "calcolo della derivata prima di una funzione in un punto".

Calcolare la derivata prima di una funzione (ad esempio la parabola in figura) in un suo punto  $P(x_0,y_0)$  equivale a trovare il valore del coefficiente angolare (cioè la pendenza) della retta tangente alla funzione in quel punto!



# La velocità istantanea è la derivata prima dello spostamento!

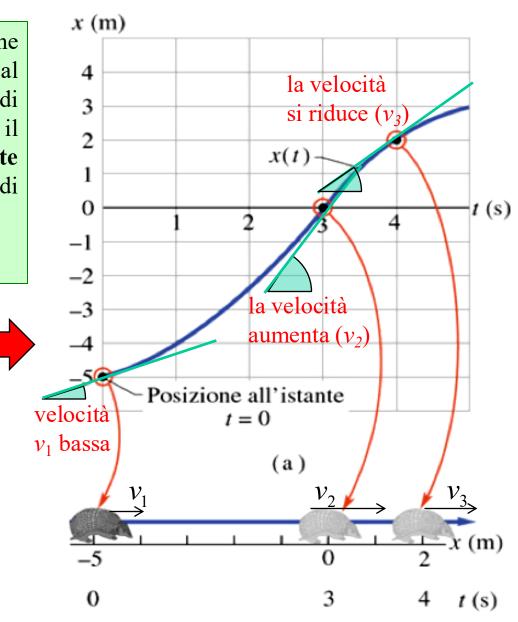
La velocità istantanea non è nient'altro che la **derivata prima** dello spazio rispetto al tempo calcolata in un certo istante di tempo e coincide dunque con il **coefficiente angolare della retta tangente** alla curva oraria x = f(t) in quell'istante di tempo:  $\Delta x \quad dx$ 



# La velocità istantanea è la derivata prima dello spostamento!

La velocità istantanea non è nient'altro che la **derivata prima** dello spazio rispetto al tempo calcolata in un certo istante di tempo e coincide dunque con il **coefficiente angolare della retta tangente** alla curva oraria x = f(t) in quell'istante di tempo:  $v(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$ 

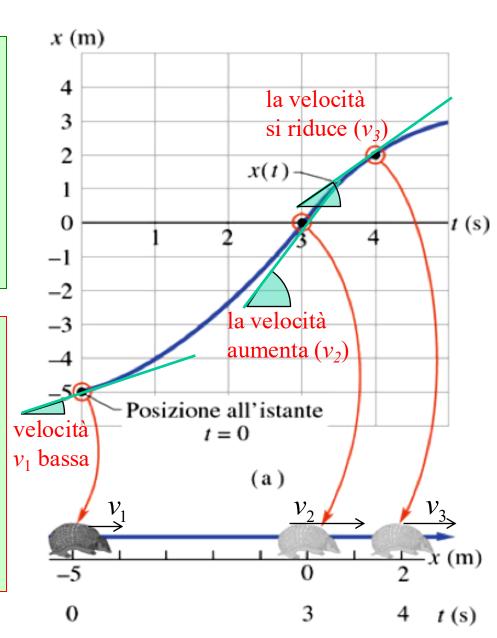
E' possibile fare una valutazione qualitativa **approssimata** della velocità istantanea in un punto della curva oraria valutando «ad occhio» il valore del **coefficiente angolare** della retta tangente in quel punto...



# La velocità istantanea è la derivata prima dello spostamento!

La velocità istantanea non è nient'altro che la **derivata prima** dello spazio rispetto al tempo calcolata in un certo istante di tempo e coincide dunque con il **coefficiente angolare della retta tangente** alla curva oraria x = f(t) in quell'istante di tempo:  $v(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$ 

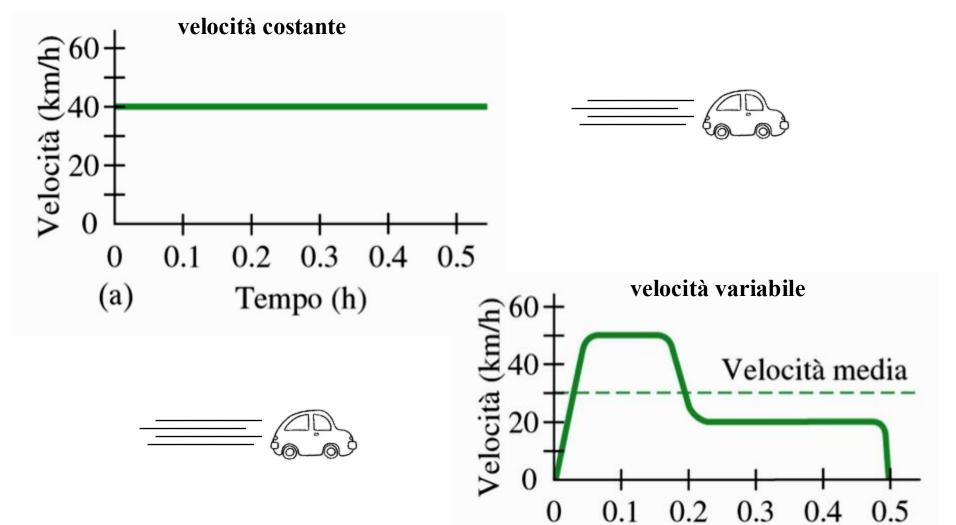
Anche la **velocità**, come lo spostamento, è una **grandezza vettoriale.** Nel caso unidimensionale il suo modulo coincide con la velocità scalare. Una **velocità negativa** (cioè un **coefficiente angolare negativo** della retta tangente nel diagramma orario) indica semplicemente un verso di percorrenza nel senso delle *x* decrescenti (l'armadillo torna indietro...)





# Diagramma della Velocità: v = f(t)





(b)

Tempo (h)

#### Accelerazione media

Quando la velocità di un corpo varia si dice che esso è sottoposto ad una **accelerazione** (o che sta accelerando). L'accelerazione media si calcola come rapporto tra la variazione di velocità  $(v_2 - v_1)$  e l'intervallo di tempo  $(t_2 - t_1)$  impiegato per farla variare:

$$\overline{a} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

unità di misura: metri al secondo quadrato (m/s²)



$$t = 1.0 \text{ s}$$

$$v = 15 \text{ km/h}$$

#### **Esempio**

Accelerazione media di un'auto che, partendo da ferma su una strada diritta, passa da 0 a 75 km/h in 5.0 secondi:

$$t = 2.0 \text{ s}$$

$$v = 30 \text{ km/h}$$

$$t = t_2 = 5.0 \text{ s}$$

$$v = v_2 = 75 \text{ km/h}$$

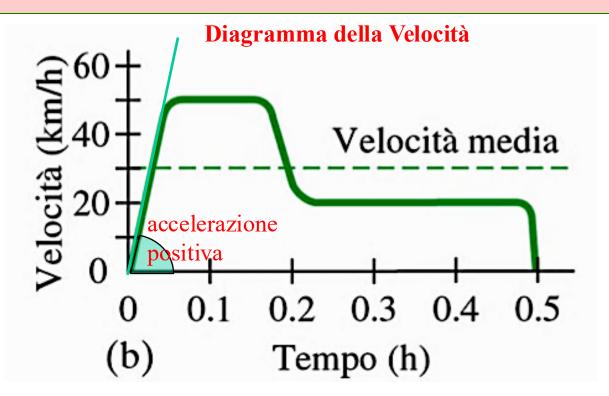
$$\overline{a} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{75km/h - 0km/h}{5.0s} = 15\frac{km/h}{s} \left(\frac{1000m}{1km}\right) \left(\frac{1h}{3600s}\right) = 4.2m/s^2$$

#### Accelerazione istantanea

L'accelerazione istantanea (o semplicemente accelerazione) è la rapidità di variazione della velocità in un certo istante ed è matematicamente rappresentata dalla derivata prima della velocità rispetto al tempo:

$$a(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt}$$

Geometricamente rappresenta dunque la pendenza della curva v(t) in un certo punto.

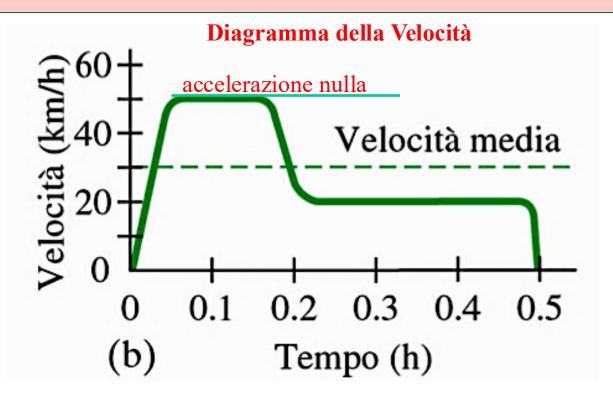


#### Accelerazione istantanea

L'accelerazione istantanea (o semplicemente accelerazione) è la rapidità di variazione della velocità in un certo istante ed è matematicamente rappresentata dalla derivata prima della velocità rispetto al tempo:

$$a(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt}$$

Geometricamente rappresenta dunque la pendenza della curva v(t) in un certo punto.

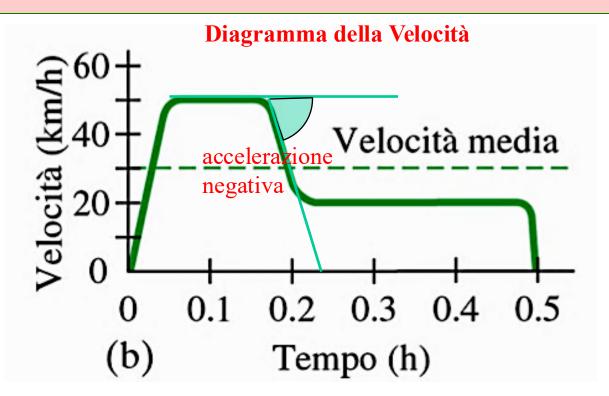


#### Accelerazione istantanea

L'accelerazione istantanea (o semplicemente accelerazione) è la rapidità di variazione della velocità in un certo istante ed è matematicamente rappresentata dalla derivata prima della velocità rispetto al tempo:

$$a(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt}$$

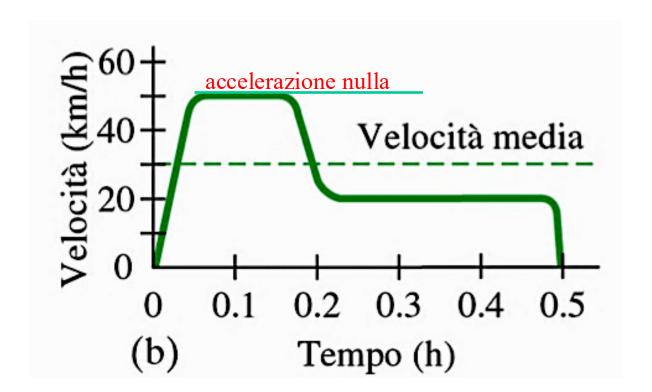
Geometricamente rappresenta dunque la **pendenza della curva v(t)** in un certo punto.



# Due quesiti sull'accelerazione

Se l'accelerazione di un corpo è zero, significa che anche la sua velocità è zero?

# NO!

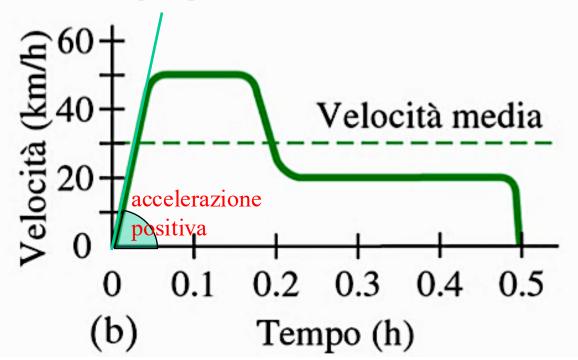


# Due quesiti sull'accelerazione

E, viceversa, se la **velocità** di un corpo è zero, significa che anche la sua **accelerazione** è sempre zero?

Infatti nell'istante iniziale, quando la velocità è ancora nulla ma sta per aumentare, l'accelerazione – come abbiamo visto – è diversa da zero: questo perché l'accelerazione non è l'effetto della variazione di velocità bensì la sua causa (in quanto, come vedremo, è sempre espressione di una forza!)



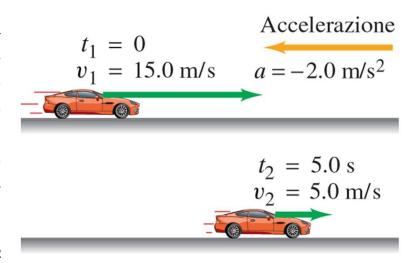


#### Accelerazione vettoriale negativa

#### Esempio

Un automobile si sta muovendo verso destra (direzione asse x positivo) lungo un'autostrada rettilinea. A un certo istante il conducente pigia sul freno. Se la velocità al momento in cui il guidatore inizia ad azionare i freni è  $v_1$ =15.0 m/s, e ci mette 5.0 s a rallentare fino alla velocità  $v_2$ =5.0 m/s, quale è stata l'accelerazione media dell'auto?

$$\overline{a} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{5.0m/s - 15.0m/s}{5.0s} = -2.0m/s^2$$



Come spostamento e velocità, anche l'accelerazione è una **grandezza vettoriale**, il cui modulo coincide con l'accelerazione scalare. Anche in questo caso il segno algebrico rappresenta il verso lungo l'asse *x*: un segno negativo indica quindi una accelerazione diretta nel verso negativo dell'asse. E' questo un esempio di **decelerazione**.

#### Decelerazione

#### Esempio

**Decelerazione** significa necessariamente non accelerazione negativa, nell'esempio come precedente. Se infatti l'auto di prima si muove  $v_2 = -5.0 \,\mathrm{m/s}$   $v_1 = -15.0 \,\mathrm{m/s}$ stavolta verso sinistra lungo l'asse x, rallentando essa avrà una accelerazione positiva:

$$v_2 = -5.0 \text{ m/s}$$
  $v_1 = -15.0 \text{ m/s}$ 

$$\overline{a} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{-5.0m/s - (-15.0m/s)}{5.0s} = +2.0m/s^2$$

Parleremo quindi di decelerazione tutte e sole quelle volte in cui il modulo della velocità diminuisce nel tempo e quindi il vettore della velocità e quello dell'accelerazione puntano in direzioni opposte.







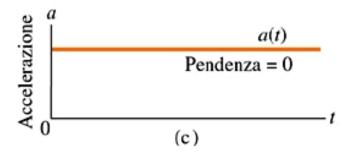
In molti dei più comuni tipi di moto l'accelerazione è **costante** o pressochè costante (ad esempio quando deceleriamo avvicinandoci a un semaforo rosso, o quando acceleriamo ripartendo al verde).

Quando l'accelerazione è costante, la **distinzione** tra accelerazione media e istantanea perde di significato e quindi possiamo scrivere:

$$a = \overline{a} = \frac{v - v_0}{t - 0}$$

dove  $v_0$  è la velocità al tempo t=0 e v è la velocità al generico istante di tempo t.

#### Diagramma dell'accelerazione



In molti dei più comuni tipi di moto l'accelerazione è **costante** o pressochè costante (ad esempio quando deceleriamo avvicinandoci a un semaforo rosso, o quando acceleriamo ripartendo al verde).

Quando l'accelerazione è costante, la **distinzione** tra accelerazione media e istantanea perde di significato e quindi possiamo scrivere:

$$a = \overline{a} = \frac{v - v_0}{t - 0}$$

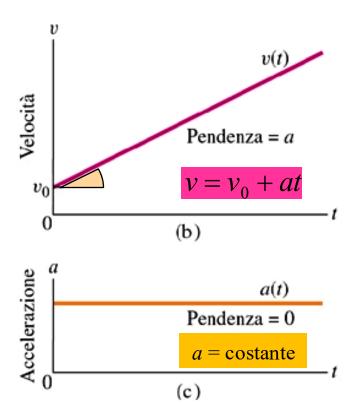
dove  $v_0$  è la velocità al tempo t=0 e v è la velocità al generico istante di tempo t.

Avremo quindi la seguente relazione tra velocità e accelerazione:

$$\frac{v - v_o}{t} = a \quad \Box \quad v(t) = v_0 + at$$

che è l'equazione di una retta, cioè del tipo:

$$y = q + mx$$



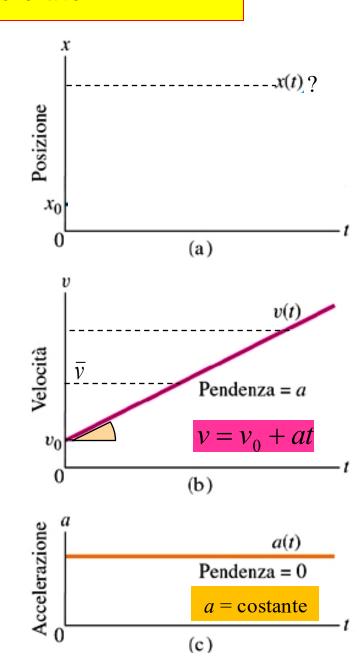
Analogamente possiamo scrivere:

$$\overline{v} = \frac{x - x_0}{t - 0} \quad \Box \quad x(t) = x_0 + \overline{v}t$$

dove  $x_0$  è la posizione del <u>p</u>unto materiale considerato al tempo t=0 e  $\overline{V}$  è la **velocità media** tra t=0 e un istante successivo t. Questa l'equazione è uguale a quella, già incontrata, che descrive lo **spostamento nel moto uniforme** (una retta nel diagramma orario), ma stavolta c'è la *velocità media* al posto della velocità costante.

Essendo, come visto poc'anzi, la velocità funzione **lineare** del tempo, possiamo esprimere la velocità media  $\overline{V}$  anche come **media aritmetica** tra la velocità nel punto iniziale  $v_0$  e la velocità nel generico punto finale v=v(t):

$$\overline{v} = \frac{1}{2}(v_0 + v)$$



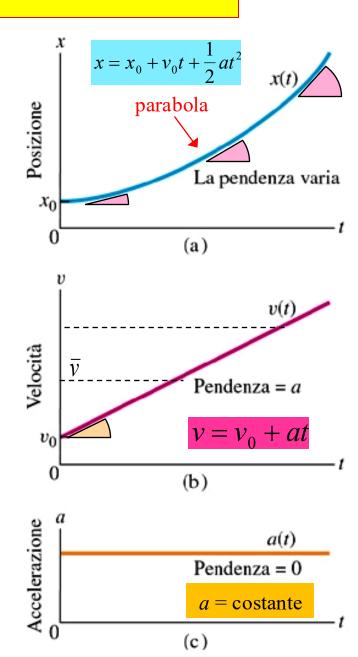
Utilizzando infine l'espressione  $v = v_0 + at$ , sostituiamo la v nell'equazione precedente ottenendo:

$$\overline{v} = \frac{1}{2} [v_0 + (v_0 + at)] = v_0 + \frac{1}{2} at$$

che sostituita a sua volta nell'espressione  $x(t) = x_0 + \overline{v}t$ , darà finalmente la **dipendenza dello spostamento dall'accelerazione**:

$$x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2}at^2$$

che è una dipendenza di tipo quadratico (equazione di una **parabola** nel diagramma orario, la cui **pendenza** punto per punto è rappresentata dalla corrispondente velocità istantanea – che evidentemente aumenta nel moto uniformemente accelerato).



#### Moto con accelerazione costante

Manipolando algebricamente le due equazioni fondamentali appena ricavate, e cioè:

 $v(t) = v_0 + at$   $x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2$ 

si ricava un'altra equazione molto utile nella risoluzione dei problemi pratici riguardanti il moto ad accelerazione costante, in particolare quando tra i dati iniziali non c'è il tempo: Si ricava t dalla prima equazione e si

sotituisce nella seconda...

$$\begin{cases} v(t) = v_0 + at \\ x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2}at^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t = \frac{v - v_0}{a} \\ x(t) = x_0 + v_0 \frac{v - v_0}{a} + \frac{1}{2}a\left(\frac{v - v_0}{a}\right)^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \textbf{Provate a ricavarla da soli....} \\ v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0) \end{cases}$$

Equazioni del moto uniformemente accelerato (a=cost)

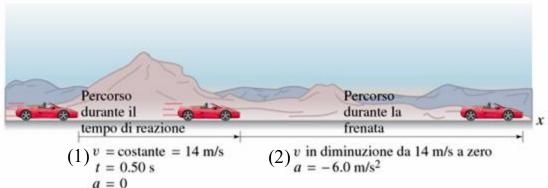
Grandezza mancante

(III) 
$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$
  $\longrightarrow$   $v$ 
(IIII)  $v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$   $\longrightarrow$   $t$ 

(III) 
$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$
 -----

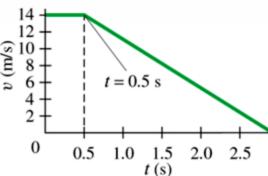
#### Esercizio di esempio

Determiniamo la minima distanza di frenata di un'automobile che viaggia ad una velocità costante v = 14m/s.

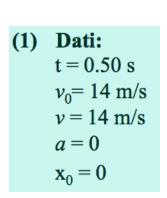


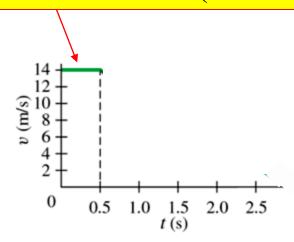
Distinguiamo 2 intervalli di tempo:

- (1) **Tempo di reazione**: comincia quando il guidatore decide di premere il pedale del freno e finisce quando il piede tocca il pedale. In questo intervallo, che assumiamo sia 0.50s, l'accelerazione è nulla.
- (2) **Tempo di frenata**: comincia quando l'auto inizia a frenare e termina quando l'auto è completamente ferma. Assumiamo che l'accelerazione in questo intervallo sia costante e pari ad a=-6 m/s<sup>2</sup>.



# Quale equazione scegliere per determinare lo spazio percorso durante il tempo di reazione? (il moto qui è uniforme)





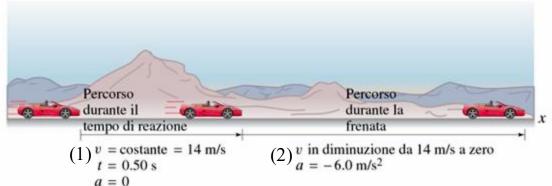
- incognita: x
- accelerazione nulla: a

Equazioni del moto
uniformemente accelerato
$$(a=\cos t)$$
(I)  $v=v_0+at$   $\longrightarrow$   $x-x_0$ 
Equazione del moto uniforme
(III)  $x=x_0+v_0t$   $\frac{1}{2}xt^2$   $\longrightarrow$   $v$ 

(IIII)  $v^2=v_0^2+2a(x-x_0)$   $\longrightarrow$   $t$ 

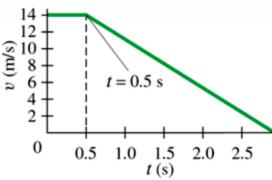
#### Esercizio di esempio

Determiniamo la minima distanza di frenata di un'automobile che viaggia ad una velocità costante v = 14m/s.



Distinguiamo 2 intervalli di tempo:

- (1) **Tempo di reazione**: comincia quando il guidatore decide di premere il pedale del freno e finisce quando il piede tocca il pedale. In questo intervallo, che assumiamo sia 0.50s, l'accelerazione è nulla.
- (2) **Tempo di frenata**: comincia quando l'auto inizia a frenare e termina quando l'auto è completamente ferma. Assumiamo che l'accelerazione in questo intervallo sia costante e pari ad a=-6 m/s<sup>2</sup>.



#### **Soluzione**

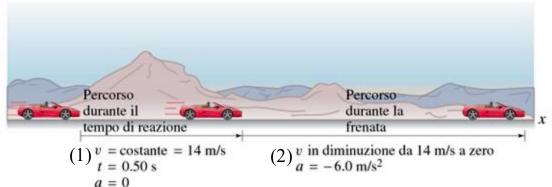
- (1) Spazio percorso durante il tempo di reazione: occorre utilizzare l'equazione II del moto uniformemente accelerato (con a=0 in questo caso):  $x = 0 + v_0 t = (14m/s)(0.50s) = 7.0m$
- (1) Dati: t = 0.50 s  $v_0 = 14 \text{ m/s}$  v = 14 m/s a = 0 $x_0 = 0$

Incognita:

X

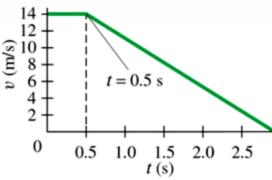
#### Esercizio di esempio

Determiniamo la minima distanza di frenata di un'automobile che viaggia ad una velocità costante v = 14m/s.



Distinguiamo 2 intervalli di tempo:

- (1) **Tempo di reazione**: comincia quando il guidatore decide di premere il pedale del freno e finisce quando il piede tocca il pedale. In questo intervallo, che assumiamo sia 0.50s, l'accelerazione è nulla.
- (2) **Tempo di frenata**: comincia quando l'auto inizia a frenare e termina quando l'auto è completamente ferma. Assumiamo che l'accelerazione in questo intervallo sia costante e pari ad a=-6 m/s<sup>2</sup>.



#### **Soluzione**

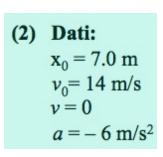
- (1) Spazio percorso durante il tempo di reazione: occorre utilizzare l'equazione II del moto uniformemente accelerato (con a=0 in questo caso):  $x = 0 + v_0 t = (14m/s)(0.50s) = 7.0m$
- (2) Spazio totale percorso:

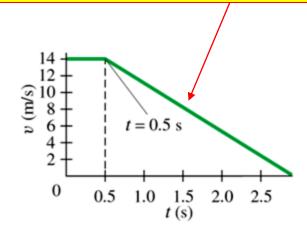
(1) Dati: t = 0.50 s  $v_0 = 14 \text{ m/s}$  v = 14 m/s v = 14 m/s a = 0 a = 0 a = 0 a = 0 a = 0 $a = -6 \text{ m/s}^2$ 

Incognita:

X

# Quale equazione scegliere per determinare lo spazio percorso durante la decelerazione?





- incognita: x
- grandezza mancante: t

Equazioni del moto uniformemente accelerato

$$(I) v = v_0 + at$$

(II) 
$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

(III) 
$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

Grandezza mancante

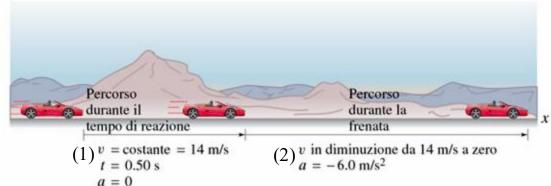
$$x-x_0$$

$$\lambda$$
  $\lambda_0$ 

t

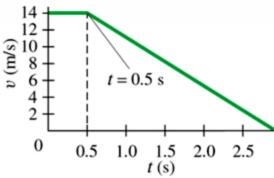
#### Esercizio di esempio

minima Determiniamo la distanza di frenata di un'automobile che viaggia ad una velocità costante v = 14m/s.



Distinguiamo **2 intervalli** di tempo:

- (1) Tempo di reazione: comincia quando il guidatore decide di premere il pedale del freno e finisce quando il piede tocca il pedale. 310 In questo intervallo, che assumiamo sia 0.50s, l'accelerazione è nulla.
- (2) Tempo di frenata: comincia quando l'auto inizia a frenare e termina quando l'auto è completamente ferma. Assumiamo che l'accelerazione in questo intervallo sia costante e pari ad a=-6 m/s<sup>2</sup>.



#### **Soluzione**

- (1) Spazio percorso durante il tempo di reazione: occorre utilizzare l'equazione II del moto uniformemente accelerato (con a=0 in questo caso):  $x = 0 + v_0 t = (14m/s)(0.50s) = 7.0m$
- (2) **Spazio totale percorso**: dal calcolo precedente abbiamo ricavato  $x_0 = 7.0$  m, e stavolta utilizziamo l'equazione III del moto uniformemente accelerato, risolta però rispetto ad x:

) Dati: (2) Dati: 
$$x_0 = 7.0 \text{ m}$$
  $v_0 = 14 \text{ m/s}$   $v = 14 \text{ m/s}$   $v = 0$   $v =$ 

**Incognita**:

$$x = x_0 + \frac{v^2 - {v_0}^2}{2a} = 7.0m + \frac{0 - (14m/s)^2}{2(-6.0m/s^2)} = 7.0m + \frac{-196m^2/s^2}{-12m/s^2} = 7.0m + 16m = 23m$$

Dall'equazione III del moto uniformemente accelerato notiamo che la **distanza di frenata**, cioè lo spazio totale  $(x - x_0)$  percorso dall'auto dal momento in cui si preme il freno fino all'arresto completo del'auto, aumenta proporzionalmente al **quadrato** della velocità iniziale, ossia in maniera **non lineare**: andando a velocità doppia occorrerà quindi una distanza di frenata quattro volte maggiore, e così via...

$$v^{2} = v_{0}^{2} + 2a(x - x_{0}) \longrightarrow x = x_{0} + \frac{v^{2} - v_{0}^{2}}{2a} \xrightarrow{v=0} x - x_{0} = \frac{-v_{0}^{2}}{2a}$$

E' dunque consigliabile, per chi guida, tenerne conto per la valutazione della corretta distanza di sicurezza da tenere rispetto al veicolo che ci precede, al fine di evitare spiacevoli "inconvenienti"...



